

제2교시

수리 · 탐구 영역(I)

예·체능계

성명

수험번호

홀수형

1

- 먼저 수험생이 선택한 계열의 문제인지 확인하십시오.
- 문제지에 성명과 수험 번호를 정확히 기입하십시오.
- 답안지에 수험 번호, 응시 계열, 문형, 답을 표기할 때에는 반드시 '수험생이 지켜야 할 일'에 따라 표기하십시오.
- 주관식 답의 숫자에 0이 포함된 경우, 0을 OMR 답안지에 반드시 표기해야 합니다.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하십시오. 배점은 2점 또는 3점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하십시오.

1.  $(\sqrt{2})^5$ 의 값은? [2점]

- ①  $\sqrt{2}$     ② 2    ③  $2\sqrt{2}$     ④ 4    ⑤  $4\sqrt{2}$

2. 이차방정식  $x^2 + 7x + 1 = 0$ 의 두 근이  $\alpha, \beta$ 일 때,  $(\alpha^2 + \beta^2) + 7(\alpha + \beta)$ 의 값은? [3점]

- ① -4    ② -2    ③ 0    ④ 1    ⑤ 3

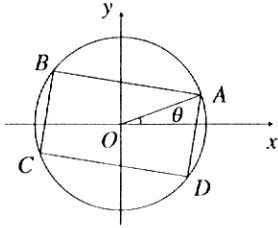
3.  $(2 + 2\sin\frac{\pi}{3})(2 - \tan\frac{\pi}{3})$ 의 값은? [3점]

- ① 1    ②  $\frac{1}{2}$     ③  $\frac{1}{3}$     ④  $\frac{1}{4}$     ⑤  $\frac{1}{5}$

4. 다항식  $x^3 + 3x^2 + ax + b$ 가  $x + 1$ 로 나누어 떨어질 때,  $a - b$ 의 값은? [3점]

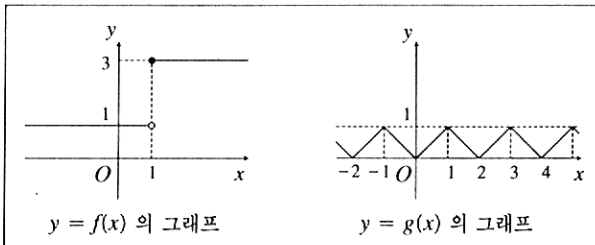
- ① 1    ② 2    ③ 3    ④ 4    ⑤ 5

5. 그림과 같이 직사각형  $ABCD$ 가 중심이 원점이고 반지름의 길이가 1인 원에 내접해 있다.  $x$  축과 선분  $OA$ 가 이루는 각을  $\theta$ 라 할 때,  $\cos(\pi - \theta)$ 와 같은 것은? (단,  $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$ ) [3점]



- ①  $A$ 의  $x$  좌표      ②  $B$ 의  $y$  좌표      ③  $C$ 의  $x$  좌표  
④  $C$ 의  $y$  좌표      ⑤  $D$ 의  $x$  좌표

6. 두 함수  $y = f(x)$ 와  $y = g(x)$ 의 그래프가 각각 아래 그림과 같다.



다음 중  $y = (g \circ f)(x)$ 의 그래프의 개형은? [3점]

- ①      ②   
③      ④   
⑤

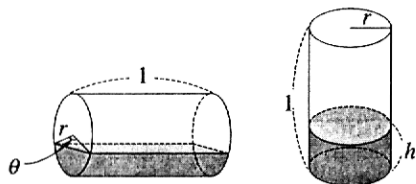
7. 두 다항식  $x^3 - 1$ ,  $x^3 - 2x + 1$ 의 최대공약수는? [3점]

- ①  $x$       ②  $x - 1$       ③  $x + 1$       ④  $x - 2$       ⑤  $x + 2$

8. 분수함수  $y = \frac{1}{x}$ 의 그래프가 직선  $y = ax$ 에 대하여 대칭이 되는 상수  $a$ 의 값을 모두 구하면? [3점]

- ①  $-1, 1$       ②  $-2, 2$       ③  $-3, 3$   
④  $-4, 4$       ⑤  $-5, 5$

9. 반지름의 길이가  $r$ 이고 높이가 1인 원기둥에 물이 들어 있다. 원기둥을 수평으로 눕혔을 때 수면과 옆면이 만나서 이루는 현에 대한 중심각을  $\theta$ 라 하자. 원기둥을 세웠을 때 수면의 높이  $h$ 를  $\theta$ 로 표시하면? (단,  $0 < \theta < \pi$ ,  $0 < h < \frac{1}{2}$ ) [2점]



- ①  $h = \frac{1}{2\pi}\theta$   
 ②  $h = \frac{1}{2\pi}\sin\theta$   
 ③  $h = \theta - \sin\theta$   
 ④  $h = \frac{1}{2\pi}(\theta + \sin\theta)$   
 ⑤  $h = \frac{1}{2\pi}(\theta - \sin\theta)$

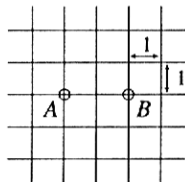
10. 좌표평면에서 두 점  $(1, 3)$ ,  $(3, 1)$ 을 지나는 직선과 원점 사이의 거리는? [3점]

- ① 1      ②  $\sqrt{2}$       ③  $2\sqrt{2}$       ④ 3      ⑤  $3\sqrt{2}$

11. 두 함수  $f(x) = x+1$ ,  $g(x) = x^2 - 2x + 1$ 가  $(g \circ f)(2^x) = \frac{1}{4}$ 을 만족시킬 때,  $x$ 의 값은? [2점]

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

12. 그림과 같이 이웃한 두 교차로 사이의 거리가 모두 1인 바둑판 모양의 도로망이 있다. 두 차량이 각각 A와 B에서 출발하여 A, B 이외의 교차로 P에서 만났다. 두 차량이 움직인 거리의 합이 4가 되는 P의 위치를 모두 표시하면? [3점]



- ①
- ②
- ③
- ④
- ⑤

13. 다음은 좌표평면 위의 서로 다른 네 점  $A, B, C, D$ 에 대한 설명이다.

- (가) 점  $A$ 와 점  $B$ 는  $x$ 축 위에 있다.

(나) 점  $B$ 의  $x$ 좌표는 점  $A$ 의  $x$ 좌표보다 크다.

(다)  $\overline{AB} = \overline{AC} = \overline{BC} = \overline{AD} = \overline{CD}$

점  $A, B, C, D$ 의  $x$ 좌표를 각각  $a, b, c, d$ 라 할 때 옳은 것은?  
[3점]

- ①  $a < d < c < b$

②  $c < a < d < b$

③  $c < d < a < b$

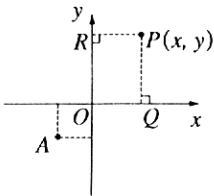
④  $d < a < c < b$

⑤  $d < c < a < b$

14. 좌표평면의 제 1 사분면 위의 점  $P$ 에서  $x$ 축,  $y$ 축에 내린 수선의 발을 각각  $Q, R$ 라 하자. 점  $A(-1, -1)$ 에 대하여

$$\overline{PA} = \overline{PQ} + \overline{PR}$$

를 만족시키는 점  $P$ 의 자취의 개형은? [3점]



- ①

②

③

④

⑤

15. 자연수  $n$ 에 대하여  $n^2$ 을 오진법으로 표시했을 때 일의 자리수를  $f(n)$ 이라 하자. <보기> 중 옳은 것을 모두 고르면? [3점]

- <보 기>
- ㄱ.  $f(3) = 4$

ㄴ.  $0 \leq f(n) \leq 4$

ㄷ.  $f(n) = 2$ 인 자연수  $n$ 은 없다.

- ① ㄱ

② ㄴ

③ ㄱ, ㄷ

④ ㄴ, ㄷ

⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

16. 전체집합  $U = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 의 서로 다른 두 부분집합  $X, Y$ 에 대하여  $(X \cup Y) - (X \cap Y)$ 의 가장 작은 원소가  $X$ 에 속할 때,  $X \supset Y$ 라 하자.  $U$ 의 부분집합

$$A = \{2, 3, 4\}, \quad B = \{1, 2, 5\}, \quad C = \{2, 4, 5\}$$

에 대하여 옳은 것은? [3점]

- ①  $A \supset B \supset C$

②  $A \supset C \supset B$

③  $B \supset A \supset C$

④  $B \supset C \supset A$

⑤  $C \supset A \supset B$

17. 다음은 지수법칙  $a^{r+s} = a^r a^s$  으로부터  
모든 양수  $x, y$  에 대하여

$$\log_a xy = \log_a x + \log_a y$$

가 성립함을 증명한 것이다. (단,  $a \neq 1, a > 0$ )

<증명>

$r = \log_a x, s = \log_a y$  로 놓으면

$$a^r = x, \quad a^s = \boxed{\text{(가)}}$$

지수법칙으로부터

$$a^{r+s} = \boxed{\text{(나)}}$$

로그의 정의에 의하여

$$r + s = \log_a \boxed{\text{(나)}}$$

그러므로  $\log_a xy = \log_a x + \log_a y$  이다.

위의 증명에서 (가), (나)에 알맞은 것을 순서대로 적으면? [3점]

- ①  $x, x+y$       ②  $y, x+y$       ③  $x, xy$   
④  $y, xy$       ⑤  $x, \frac{x}{y}$

18. 다음은  $\triangle ABC$  에서  $\overline{BC} < \overline{AC} < \overline{AB}$  일 때,  
삼각형 내부의 한 점  $P$  에 대하여

$$\overline{PA} + \overline{PB} + \overline{PC} < \overline{AB} + \overline{AC}$$

임을 증명한 것이다.

<증명>

가정에 의해

$$\overline{BC} < \overline{AC} < \overline{AB} \text{ 이므로}$$

$$\angle A < \angle B < \angle C$$

점  $P$  를 지나고 선분  $BC$  에 평행한

직선이 선분  $AB, AC$  와 만나는 점을 각각  $D, E$  라고 하자.

선분  $DE$  와 선분  $BC$  가 평행하므로

$$\angle ADE = \angle B, \quad \angle AED = \angle C$$

따라서

$$\angle A < \angle ADE < \angle AED$$

그러므로  $\triangle ADE$  에서

$$\boxed{\text{(가)}} \dots\dots\dots ①$$

이고

$$\overline{PA} < \overline{AD} \dots\dots\dots ②$$

$\triangle BDP$  에서

$$\overline{PB} < \overline{PD} + \overline{DB} \dots\dots\dots ③$$

$\triangle EPC$  에서

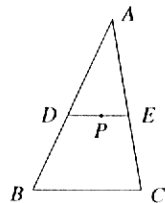
$$\overline{PC} < \overline{PE} + \overline{EC} \dots\dots\dots ④$$

①, ②, ③, ④ 에서

$$\overline{PA} + \overline{PB} + \overline{PC} < \overline{AB} + \overline{AC}$$

위의 증명에서 (가)에 알맞은 것은? [2점]

- ①  $\overline{AD} < \overline{AE} < \overline{DE}$   
②  $\overline{AD} < \overline{DE} < \overline{AE}$   
③  $\overline{AE} < \overline{AD} < \overline{DE}$   
④  $\overline{AE} < \overline{DE} < \overline{AD}$   
⑤  $\overline{DE} < \overline{AE} < \overline{AD}$



19.  $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$  일 때,

$$\log(\sin \theta) - \log(\cos \theta) = \frac{1}{2} \log 3$$

을 만족시키는  $\theta$ 의 값은? (단,  $\log$ 는 상용로그) [3점]

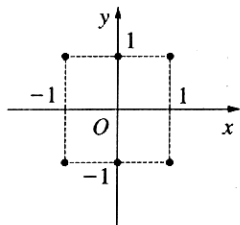
- ①  $\frac{1}{6}\pi$     ②  $\frac{1}{4}\pi$     ③  $\frac{2}{7}\pi$     ④  $\frac{1}{3}\pi$     ⑤  $\frac{2}{5}\pi$

20. 좌표평면 위에 여섯 개의 점

$(1, 1), (1, -1), (0, 1),$   
 $(0, -1), (-1, 1), (-1, -1)$

이 있다. 이 중 세 점을 지나는  
이차함수  $y = f(x)$ 의 개수는?  
[2점]

- ① 2    ② 4    ③ 6    ④ 8    ⑤ 10



21. 함수  $f(x) = \sin(x + \frac{\pi}{2}) - \cos^2(x + \pi)$ 의 최대값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{4}$     ②  $\frac{1}{2}$     ③  $\frac{3}{4}$     ④ 1    ⑤  $\frac{5}{4}$

22. 영어의 알파벳 A, B, ..., Z에 십진법의 수 1부터 26에

해당하는 이진법의 수  $00001_{(2)}, 00010_{(2)}, \dots, 11010_{(2)}$ 을  
순서대로 대응시키자. 이진법의 수  $\alpha$ 와  $\beta$ 의 각 자리의 수를  
비교하여 같으면 0, 다르면 1을 그 자리에 대응시켜 얻은  
이진법의 수를  $\alpha \wedge \beta$ 라 하자. 예를 들면

$$10001_{(2)} \wedge 10101_{(2)} = 00100_{(2)}$$

$$00001_{(2)} \wedge 10101_{(2)} = 10100_{(2)}$$

각 알파벳에 대응하는 이진법의 수를  $10101_{(2)}$ 과 연산  $\wedge$ 을 하여  
얻은 이진법의 수로 그 알파벳을 암호화하였다. 예를 들면 암호가  
 $10100_{(2)}$ 인 알파벳은 A이다. 암호가  $11001_{(2)}$ 인 알파벳은? [2점]

- ① B    ② D    ③ L    ④ P    ⑤ S

23. 좌표평면 위의 네 점

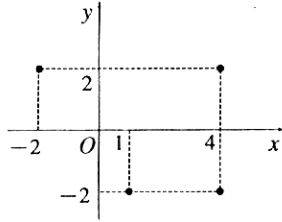
 $(-2, 2), (4, 2), (1, -2),$  $(4, -2)$ 에 있는 나사를 모두

조이는 작업을 반복하는 로봇팔

의 한쪽 끝을 점  $P$ 에 고정시키려한다. 로봇팔은 점  $P$ 를중심으로  $360^\circ$  회전 가능하고,점  $P$ 로부터의 거리가 로봇팔의 길이 이하인 모든 곳의 나사를조일 수 있다. 로봇팔의 길이를 최소로 할 수 있는 점  $P$ 의 좌표는?

[3점]

- ①
- $(0, 0)$
- ②
- $(0, 1)$
- ③
- $(0, -1)$
- ④
- $(1, 0)$
- ⑤
- $(1, 1)$



## 주관식 문항 (25~30)

25. 삼차함수  $f(x) = ax^3 + b$ 의 역함수  $f^{-1}$ 가  $f^{-1}(5) = 2$ 를 만족시킬 때,  $8a + b$ 의 값을 구하시오. [3점]

24. 마라톤 경기의 총 구간의 거리는 42.195 km 이다. 어떤 마라톤 선수의 기록이 2 시간 6 분 30 초였다. 마지막 195 m를 30 초에 달렸다면, 처음 42 km 구간에서 100 m를 평균 몇 초에 달렸는가? [3점]

- ① 14 초   ② 15 초   ③ 16 초   ④ 17 초   ⑤ 18 초

26. 다항식  $f(x)$ 를  $(x-1)(x-2)$ 로 나눈 나머지가  $4x + 3$ 일 때,  $f(2x)$ 를  $x-1$ 로 나눈 나머지를 구하시오. [2점]

27.  $\log_2 2 + \log_2 4 + \log_2 8 + \log_2 16$ 의 값을 구하시오. [2점]

28.  $1 < a < 10$  일 때

$$\sqrt{(a^2 - 100)^2} + \sqrt{(a^2 - 1)^2}$$

의 값을 구하시오. [2점]

29. 함수  $y = 10^{ax}$ 의 역함수가  $y = \frac{a}{100} \log x$ 일 때,

양수  $a$ 의 값을 구하시오. (단,  $\log$ 는 상용로그) [3점]

30.  $\frac{\sqrt{21} - \sqrt{5}}{\sqrt{21} + \sqrt{5}} + \frac{\sqrt{21} + \sqrt{5}}{\sqrt{21} - \sqrt{5}}$ 의 값을 소수점 아래 둘째 자리까지 구하시오. [2점]

\* 확인 사항

- 문제지와 답안지의 해당란을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.
- 문제지는 답안지와 함께 제출합니다. 답안지의 표기가 끝나면 답안지는 오른쪽, 문제지는 왼쪽에 놓으시오.