

2. 논술(AAT)전형 자연계열(수학) 문항카드

| | | |
|-----------------|------------------------------------|----------------|
| 일반정보 | | 문항카드 7 |
| 유형 | ■ 논술고사 □ 면접 및 구술고사 | |
| 전형명 | 논술(AAT)전형 | |
| 대학의 계열(과목)/문항번호 | 자연계열 수학 1 / 문제 [1-1] [1-2] [1-3] | |
| 출제 범위 | 고등학교 과목명 | 확률과 통계 |
| | 핵심개념 및 용어 | 이산확률분포, 모평균 추정 |
| 예상 소요 시간 | 30분 | |

문항 및 제시문

[제시문]

(가) 이산확률변수 X 가 x_i 의 값을 가질 확률을 $P(X=x_i)=p_i$ ($i=1,2,\dots,n$)라고 할 때, x_1, x_2, \dots, x_n 과 확률 p_1, p_2, \dots, p_n 사이의 대응 관계를 확률변수 X 의 확률분포라고 한다.

(1) 이산확률변수 X 의 확률질량함수 $P(X=x_i)=p_i$ ($i=1,2,\dots,n$)는 다음의 성질을 만족한다.

① $0 \leq p_i \leq 1$ ② $\sum_{i=1}^n p_i = p_1 + p_2 + \dots + p_n = 1$

③ $P(x_i \leq X \leq x_j) = \sum_{k=i}^j P(X=x_k) = \sum_{k=i}^j p_k$ (단, $i, j=1, 2, \dots, n, i \leq j$)

(2) 이산확률변수 X 의 기댓값(평균) $E(X)$ 와 분산 $V(X)$ 는

$$E(X) = m = \sum_{i=1}^n x_i p_i$$

$$V(X) = E((X-m)^2) = \sum_{i=1}^n (x_i - m)^2 p_i$$

$$= E(X^2) - m^2 = \sum_{i=1}^n x_i^2 p_i - \left(\sum_{i=1}^n x_i p_i \right)^2$$

(나) 모집단의 확률분포가 평균이 m 이고 표준편차가 σ 인 정규분포를 따른다고 가정할 때, 임의추출한 표본의 크기가 n 인 표본평균 \bar{X} 는 평균이 m 이고 표준편차가 $\frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ 인 정규분포를 따른다. 따라서 \bar{X} 를 표준화한 확률변수 $Z = \frac{\bar{X} - m}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$ 은 표준정규분포를 따른다. 크기가 n 인 표본으로부터 얻은 표본평균 \bar{X} 의 실제 관측값을 \bar{x} 라 하면 모집단의 평균인 m 에 대한 신뢰도 95%인 신뢰구간은 다음과 같이 구할 수 있다. $\bar{x} - 1.96 \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \leq m \leq \bar{x} + 1.96 \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$

(단, Z 가 표준정규분포를 따를 때, 확률 $P(|Z| \leq 1.96) = 0.95$ 로 계산한다.)

[문항]

[1-1] 서로 다른 두 개의 주사위를 동시에 던져서 나온 두 눈의 수 중 작지 않은 값을 확률변수 X 라 할 때, (가)를 이용하여 다음의 물음에 답하시오.

(1) 이산확률변수 X 의 확률질량함수는 $P(X=x) = \text{㉠}x + \text{㉡}$ ($x=1, 2, 3, 4, 5, 6$)로 표현할 수 있다. ㉠과 ㉡에 들어갈 값을 구하시오. (20점)

(2) 직선 $y = \frac{x}{3} + \frac{3}{4}$ 과 이차함수 $y = -\frac{a}{12}(x^2 - 1) + \frac{1}{3}$ ($a \neq 0$)의 그래프가 만나지 않거나 한 점에서 만나도록 하는 a 의 값의 범위를 $c \leq a \leq d$ 라고 할 때, c 와 d 의 값을 구하시오. (20점)

(3) **【1-1】** (2)에서 구한 c 와 d 에 대하여 확률 $P(c \leq X \leq d)$ 를 구하시오. (10점)

【1-2】 이산확률변수 X 의 확률분포를 표로 나타내면 다음과 같다.

| | | | | | | |
|----------|-----|----------------|-----|---------------|----------------|----|
| X | -1 | 0 | 1 | 2 | 3 | 합계 |
| $P(X=x)$ | r | $\frac{5}{24}$ | s | $\frac{1}{8}$ | $\frac{1}{12}$ | 1 |

(가)를 이용하여 다음의 물음에 답하시오.

(1) $E(X) = \frac{13}{12}$ 일 때, r 와 s 의 값을 구하시오. (20점)

(2) 분산 $V(X)$ 의 최댓값을 구하고 그 때의 r 와 s 의 값을 구하시오. (30점)

【1-3】 어느 공장에서 생산하는 제품의 길이는 평균이 m 이고 표준편차가 σ 인 정규분포를 따른다고 한다. 이 공장에서 생산되는 제품 중에서 n 개를 임의추출하여 측정한 결과, 제품 길이의 평균 m 에 대한 신뢰도 95%의 신뢰구간은 $54.54 \leq m \leq 58.46$ 으로 구해졌다. (나)를 이용하여 다음의 물음에 답하시오. (단, 길이의 단위는 cm이다.)

(1) 이미 추출된 크기가 n 인 표본에 이 공장에서 생산되는 제품 중에서 300개를 추가로 임의추출하여 더한 후, 평균 m 에 대한 신뢰도 95%의 신뢰구간을 다시 구하였더니 $54.02 \leq m \leq 55.98$ 이었다. 기존 표본의 크기 n 과 표준편차 σ 를 구하시오. (30점)

(2) 먼저 뽑힌 크기가 n 인 표본의 표본평균과 **【1-3】** (1)에서 추가로 임의추출한 크기가 300인 표본의 표본평균을 각각 구하시오. (20점)

출제 의도

- 이산형 확률변수에 대한 확률질량함수의 성질을 이해하고 이를 통해 주어진 확률을 구할 수 있는지 평가한다.
- 이산형 확률변수의 기댓값과 분산을 구할 수 있는지 평가한다.
- 정규분포 가정 하에서의 모평균 추정을 위한 신뢰구간의 성질을 이해하는지 평가한다.

출제 근거

1. 교육과정 근거

| 적용 교육과정 | 확률과 통계 | | 관련 |
|---------|-------------|--|----------|
| 관련 성취기준 | 과목명: 확률과 통계 | | |
| | 성취기준 1 | 이산형 확률변수에 대한 확률질량함수의 성질을 이해하고 이를 이용하여 확률을 구할 수 있다. | 문항 [1-1] |
| | 성취기준 2 | 이산형 확률변수의 확률분포표의 성질을 이해하고 이를 통해 확률변수의 기댓값과 분산을 구할 수 있다. | 문항 [1-2] |
| | 성취기준 3 | 정규분포 가정 하에서의 모평균 추정을 위한 신뢰구간의 성질을 이해하고 이를 통해 신뢰구간과 표본의 개수, 표본평균 및 표준편차와의 관계를 이해한다. | 문항 [1-3] |

2. 자료 출처

| 교과서 내 | | | | | | |
|--------|--------------|------------|-------|--------------------------|---|--------|
| 도서명 | 저자 | 발행처 | 발행 연도 | 쪽수 | 관련 자료 | 재구성 여부 |
| 확률과 통계 | 황선욱 외 10명 | 좋은책 신사고 | 2014 | 99-100,102, 134-135 | 이산확률 변수의 확률질량함수 이산확률 변수의 기댓값과 분산 모평균 추정 | ○ |
| 확률과 통계 | 김원경 외 11명 | 비상교육 | 2014 | 93-95, 97-101 136-139 | 이산확률변수의 확률질량함수 이산확률변수의 기댓값과 분산 모평균 추정 | ○ |

문항해설

- 1번 문항은 주사위 실험을 이용하여 이산확률변수와 확률질량함수의 성질을 잘 알고 있는지 확인하고 또 직선과 이차함수 그래프가 서로 다른 만나지 않거나 한 점에서 만날 조건을 이용하여 그 결과를 이산확률함수에 적용하여 확률을 구할 수 있는지 알아보는 문제이다.
- 2번 문항은 이산확률변수 X 의 확률분포표에 대한 성질을 이해하고 이를 이용하여 이산확률변수 X 의 기댓값과 분산을 구할 수 있는지 알아보는 문제이다.
- 3번 문항은 모평균에 대한 추론에서 신뢰구간의 성질을 이해하고 이를 이용해 신뢰구간과 표본평균과의 관계 그리고 신뢰구간의 길이와 표본의 개수 및 표준편차와의 관계를 파악할 수 있는지 알아보는 문제이다.

채점기준

| 하위문항 | 채점 기준 | 배점 |
|------|---|----|
| 1 | 1. 확률변수의 확률질량함수를 이용하여 ①과 ②의 값을 구하였는가? 2. 주어진 조건을 통해 부등식 $4-a(5-a) \leq 0$ 을 얻고 이를 이용하여 c 와 d 의 값을 구하였는가? 3. $P(c \leq X \leq d)$ 를 구하였는가? | 50 |
| 2 | 1. 확률분포표의 특성을 이용하여 r 과 s 의 두 관계식을 구하고 이를 통해 r 과 s 의 값을 구하였는가? 2. $V(X)$ 의 최댓값과 이때의 r 와 s 의 값을 구하였는가? | 50 |
| 3 | 1. 주어진 조건과 신뢰구간의 성질을 이용하여 n 과 σ 를 구하였는가? 2. 신뢰구간의 성질을 이용하여 기존의 표본평균과 300개의 표본평균을 구하였는가? | 50 |

예시답안

[물음 1]
 (1) ○ 모범답안: 확률변수 X 의 분포는

| X | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 합계 |
|----------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|-----------------|----|
| $P(X=x)$ | $\frac{1}{36}$ | $\frac{3}{36}$ | $\frac{5}{36}$ | $\frac{7}{36}$ | $\frac{9}{36}$ | $\frac{11}{36}$ | 1 |

이므로 $P(X=x) = \frac{2x-1}{36} = \frac{1}{18}x - \frac{1}{36}$ ($x=1, 2, 3, 4, 5, 6$)이다.

따라서 ① = $\frac{1}{18}$ 이고 ② = $-\frac{1}{36}$ 이다.

(2) ○ 모범답안: 문제의 조건으로부터 방정식 $\frac{x}{3} + \frac{3}{4} = -\frac{a}{12}x^2 + \frac{a+4}{12}$ 는 실근을 갖지 않거나 중근을 가져야 한다. 그러므로 $\frac{D}{4} = 4 - a(5-a) \leq 0$ 이고 $1 \leq a \leq 4$ 이다. 따라서 $c=1$ 이고 $d=4$ 이다.

(3) ○ 모범답안: $c=1, d=4$ 이므로 $P(c \leq X \leq d) = \frac{1+3+5+7}{36} = \frac{4}{9}$ 이다.

[물음 2]

(1) ○ 모범답안: (가)와 확률분포표로부터 $r+s = \frac{7}{12}$ 이고 $E(X) = -r+s + \frac{1}{2} = \frac{13}{12}$ 이다.

따라서 $s = \frac{7}{12}$ 이고 $r=0$ 이다.

(2) ○ 모범답안: $r = \frac{7}{12} - s$ 이므로 $E(X^2) = \frac{11}{6}$, $E(X) = 2s - \frac{1}{12}$ 이다. (가)에 의하여

$V(X) = \frac{11}{6} - \left(2s - \frac{1}{12}\right)^2$ 이므로 $s = \frac{1}{24} \left(r = \frac{13}{24}\right)$ 일 때 최댓값 $\frac{11}{6}$ 을 갖는다.

[물음 3]

(1) ○ 모범답안: (나)를 이용하여 n 개의 표본으로 구한 신뢰구간의 길이는 $(58.46 - 54.54) = 3.92$ 이고 $(n+300)$ 개의 표본으로 구한 신뢰구간의 길이는 $(55.98 - 54.02) = 1.96$ 이다.

그러므로 $2 \times \left(1.96 \frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right) = 3.92$, $2 \times \left(1.96 \frac{\sigma}{\sqrt{n+300}}\right) = 1.96$ 이다. $\sigma = 10$ 이고 $n = 100$ 이다.

(2) ○ 모범답안: (나)에 의하여 기존의 표본평균은 $\frac{58.46 + 54.54}{2} = 56.5$ 이고 400 개의 표본

평균은 $\frac{(55.98 + 54.02)}{2} = 55$ 이다. 300 개의 표본평균을 \bar{x} 라 하면

$\frac{100 \times 56.5 + 300 \times \bar{x}}{400} = 55$ 이므로 $\bar{x} = 54.5$ 이다.

일반정보

문항카드 8

| | | |
|-------------------|-------------------------------|------------------------------|
| 유형 | ■ 논술고사 □ 면접 및 구술고사 | |
| 전형명 | 논술(AAT)전형 | |
| 대학의 계열(과목) / 문항번호 | 자연계열 I 수학 2 / 문항 (2-1)~(2-2)번 | |
| 출제 범위 | 고등학교 과목명 | 수학 II, 미적분 I |
| | 핵심개념 및 용어 | 등차수열, 등비급수, 접선의 방정식, 정적분의 활용 |
| 예상 소요 시간 | 100분 중 35분 | |

문항 및 제시문

[2] 다음 글을 읽고 물음에 답하시오.

(가) (1) 등비급수 $\sum_{n=1}^{\infty} ar^{n-1}$ ($a \neq 0$)은

① $|r| < 1$ 이면 수렴하고 그 합은 $\frac{a}{1-r}$ 이다.

② $|r| \geq 1$ 이면 발산한다.

(2) 첫째항이 a 이고 공차가 d 인 등차수열 $\{a_n\}$ 의 일반항은 $a_n = a + (n-1)d$ ($n=1, 2, \dots$)이다.

(3) 등차수열의 첫째항부터 제 n 항까지의 합 S_n 은

① 첫째항이 a 이고 제 n 항이 l 일 때, $S_n = \frac{n(a+l)}{2}$ 이다.

② 첫째항이 a 이고 공차가 d 일 때, $S_n = \frac{n\{2a+(n-1)d\}}{2}$ 이다.

(4) 모든 자연수 n 에 대하여 다음이 성립한다.

$$\sum_{k=1}^n k = \frac{n(n+1)}{2} \qquad \sum_{k=1}^n k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

(나) 함수 $f(x)$ 가 $x=a$ 에서 미분가능할 때, 곡선 $y=f(x)$ 위의 점 $(a, f(a))$ 에서의 접선의 방정식은 $y=f'(a)(x-a)+f(a)$ 이다.

(다) 두 함수 $f(x), g(x)$ 가 구간 $[a, b]$ 에서 연속일 때, 곡선 $y=f(x)$ 와 $y=g(x)$ 및 두 직선 $x=a, x=b$ 로 둘러싸인 도형의 넓이 S 는 $S = \int_a^b |f(x)-g(x)|dx$ 이다.

※ 모든 문항에서 풀이과정을 반드시 기술하시오.

【2-1】 첫째항이 a 이고 공차가 d 인 등차수열 $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킬 때, (가)를 이용하여 물음에 답하시오.

| |
|--|
| [조건 1] $\sum_{n=1}^{10} a_n = 4a_{10}$ [조건 2] $\sum_{n=1}^{\infty} \left(d - \frac{5}{3}\right)^n$ 이 수렴한다. |
|--|

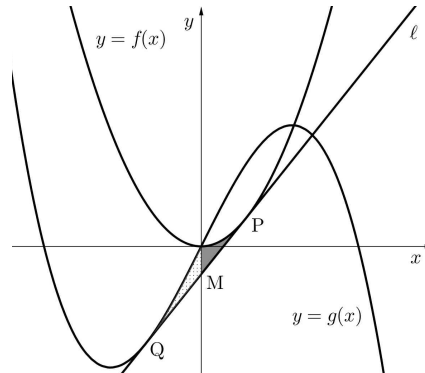
(1) 첫째항 a 의 값의 범위를 구하시오. (20점)

(2) $a_n > 0$ 을 만족시키는 자연수 n 의 최솟값을 k 라 할 때, k 의 값을 구하시오. (15점)

(3) **【2-1】** (2)에서 구한 k 에 대하여 $a_k = 1$ 일 때, $\sum_{n=1}^{\infty} \left(d - \frac{5}{3}\right)^n$ 의 값을 구하시오. (15점)

(4) **【2-1】** (2)에서 구한 k 에 대하여 $a_k = 1$ 일 때, $\sum_{n=1}^{10} na_n$ 의 값을 구하시오. (20점)

【2-2】 다음 그림과 같이 양수 a 에 대하여 이차함수 $f(x) = ax^2$ 의 그래프와 점 P에서 접하고 삼차함수 $g(x) = -x^3 + 2x$ 의 그래프와 점 Q에서 접하는 직선을 ℓ 이라 하자. (단, P는 제1사분면의 점이고 Q는 제3사분면의 점이다.)



직선 l 의 y 절편을 M 이라 할 때, $\overline{QM} = \frac{5}{4}\overline{PM}$ 이다. (나)와 (다)를 이용하여 다음 물음에 답하시오.

- (1) 상수 a 의 값과 점 P 의 x 좌표를 구하시오. (30점)
- (2) 직선 l 의 방정식을 구하시오. (20점)
- (3) 곡선 $y=f(x)$ 와 직선 l 및 $x=0$ 으로 둘러싸인 영역의 넓이를 S_1 , 곡선 $y=g(x)$ 와 직선 l 및 $x=0$ 으로 둘러싸인 영역 중 $x \leq 0$ 인 부분의 넓이를 S_2 라 할 때, $\frac{S_2}{S_1}$ 의 값을 구하시오. (30점)

출제 의도

- 등차수열의 뜻을 알고, 그 수열의 일반항과 합을 구할 수 있는지를 평가한다.
- 등비급수의 뜻을 알고 그 합을 구할 수 있는지를 평가한다.
- 여러 가지 수열의 합을 구할 수 있는지를 평가한다.
- 접선의 방정식을 구할 수 있는지를 평가한다.
- 정적분을 활용하여 곡선으로 둘러싸인 도형의 넓이를 구할 수 있는지를 평가한다.

출제 근거

1. 교육과정 근거

| | | | |
|---------|---|---|------------|
| 적용 교육과정 | (고시번호) 1. 교육과학기술부 고시 제2011-361호 [별책8] “수학과 교육과정” | | |
| | | 과목명: 수학 II, 미적분 I | 관련 |
| 관련 성취기준 | 성취기준1 | <p>1. 수학 II - 수열</p> <p>(1) 영역 성취 기준 등차수열과 등비수열의 뜻을 알고, 수열의 합을 구할 수 있으며 수학적 귀납법의 원리를 이해한다.</p> <p>① 등차수열과 등비수열</p> <ol style="list-style-type: none"> ① 수열의 뜻을 안다. ② 등차수열의 뜻을 알고, 일반항, 첫째항부터 제 n항까지의 합을 구할 수 있다. ③ 등비수열의 뜻을 알고, 일반항, 첫째항부터 제 n항까지의 합을 구할 수 있다. <p>② 수열의 합</p> <ol style="list-style-type: none"> ① \sum의 뜻을 알고, 그 성질을 이해하고, 이를 활용할 수 있다. ② 여러 가지 수열의 첫째항부터 제 n항까지의 합을 구할 수 있다. <p>③ 수학적 귀납법</p> <ol style="list-style-type: none"> ① 수열의 귀납적 정의를 이해한다. ② 수학적 귀납법의 원리를 이해한다. ③ 수학적 귀납법을 이용하여 명제를 증명할 수 있다. <p>2. 미적분 I - 수열의 극한</p> <p>(1) 영역 성취 기준 수열의 극한값을 구할 수 있으며, 등비급수를 이해하고, 그 합을 구할 수 있다.</p> <p>① 수열의 극한</p> <ol style="list-style-type: none"> ① 수열의 수렴, 발산의 뜻을 알고, 이를 판별할 수 있다. ② 수열의 극한에 대한 기본 성질을 이해하고, 이를 이용하여 극한값을 구할 수 있다. ③ 등비수열의 극한값을 구할 수 있다. <p>② 급수</p> <ol style="list-style-type: none"> ① 급수의 수렴, 발산의 뜻을 알고, 이를 판별할 수 있다. | 제시문 (가) |

| | | |
|-------|--|------------|
| | <ul style="list-style-type: none"> ② 등비급수의 뜻을 알고, 그 합을 구할 수 있다. ③ 등비급수를 활용하여 여러 가지 문제를 해결할 수 있다. | |
| 성취기준2 | <p>1. 미적분 I - 다항함수의 미분법</p> <p>(1) 영역 성취 기준 미분계수의 뜻을 알고, 다항함수의 도함수를 구하고 이를 활용할 수 있다.</p> <p>① 미분계수</p> <ul style="list-style-type: none"> ① 미분계수의 뜻을 알고, 그 값을 구할 수 있다. ② 미분계수의 기하학적 의미를 안다. ③ 미분가능성과 연속성의 관계를 이해한다. <p>② 도함수</p> <ul style="list-style-type: none"> ① 함수 $y = x^n$ (n은 양의 정수)의 도함수를 구할 수 있다. ② 함수의 실수배, 합, 차, 곱의 미분법을 알고, 다항함수의 도함수를 구할 수 있다. <p>② 도함수의 활용</p> <ul style="list-style-type: none"> ① 접선의 방정식을 구할 수 있다. ② 함수에 대한 평균값 정리를 이해한다. ③ 함수의 증가와 감소, 극대와 극소를 판정하고 설명할 수 있다. ④ 함수의 그래프의 개형을 그릴 수 있다. ⑤ 방정식과 부등식에 활용할 수 있다. ⑥ 속도와 가속도에 대한 문제에 활용할 수 있다. | 제시문 (나) |
| 성취기준3 | <p>1. 미적분 I - 다항함수의 적분법</p> <p>(1) 영역 성취 기준 부정적분과 정적분의 뜻을 알고, 그 관계를 이해하며, 이를 활용하여 문제를 해결할 수 있다.</p> <p>① 부정적분</p> <ul style="list-style-type: none"> ① 부정적분의 뜻을 안다. ② 함수의 실수배, 합, 차의 부정적분을 알고, 다항함수의 부정적분을 구할 수 있다. <p>② 정적분</p> <ul style="list-style-type: none"> ① 구분구적법을 이해하고, 이를 이용하여 간단한 도형의 넓이와 부피를 구할 수 있다. ② 정적분의 뜻을 안다. ③ 부정적분과 정적분의 관계를 이해하고, 이를 이용하여 정적분을 구할 수 있다. <p>③ 정적분의 활용</p> <ul style="list-style-type: none"> ① 곡선으로 둘러싸인 도형의 넓이를 구할 수 있다. ② 정적분을 활용하여 속도와 거리에 대한 문제를 해결할 수 있다. | 제시문 (다) |

2. 자료 출처

| 교과서 내 | | | | | | |
|-------|-------|---------|-------|-----------------------|-----------------|--------|
| 도서명 | 저자 | 발행처 | 발행 연도 | 쪽수 | 관련 자료 | 재구성 여부 |
| 수학 II | 황선욱 외 | 좋은책 신사고 | 2014 | 100-124 | 제시문 (가) | × |
| 수학 II | 류희찬 외 | 천재교과서 | 2014 | 120-148 | 제시문 (가) | × |
| 미적분 I | 김창동 외 | (주)교학사 | 2014 | 34-36,110-113,177-180 | 제시문 (가),(나),(다) | × |
| 미적분 I | 이준열 외 | 천재교육 | 2014 | 39-44,130-132,202-206 | 제시문 (가),(나),(다) | × |

문항해설

【2-1】(가)에 제시된 내용을 바탕으로 [조건 1]과 [조건 2]를 만족시키는 수열의 성질을 이해하고, (가)를 이용하여 등비급수의 합과 수열의 첫째항부터 제 n 항까지의 합을 구할 수 있는지를 평가하는 문항이다.

【2-2】(나)를 이용하여 함수의 그래프 위에서의 접선의 방정식을 구하고, (다)를 이용하여 곡선으로 둘러싸인 도형의 넓이를 구할 수 있는지를 평가하는 문항이다.

채점기준

| 하위문항 | 채점 기준 | 배점 | |
|-----------|---|-----|----|
| 【2-1】 (1) | - a 와 d 의 관계식을 잘 구하였는가? - d 의 범위와 a 의 범위를 구하였는가? | 20점 | 70 |
| 【2-1】 (2) | - a_n 의 일반항을 구하였는가? - k 의 값을 구하였는가? | 15점 | |
| 【2-1】 (3) | - d 의 값을 구하였는가? - $\sum_{n=1}^{\infty} \left(d - \frac{5}{3}\right)^n$ 의 값을 정확히 구하였는가? | 15점 | |
| 【2-1】 (4) | - $\{a_n\}$ 의 일반항을 잘 구하였는가? - $\sum_{n=1}^{10} na_n$ 의 값을 정확히 구하였는가? | 20점 | |
| 【2-2】 (1) | - 점 P에서의 접선의 방정식과 점 Q에서의 접선의 방정식을 이용하여 관계식을 잘 표현하였는가? - a 와 점 P의 x 좌표와 관계식을 구하였는가? - a 와 점 P의 x 좌표의 값을 구하였는가? | 30점 | 80 |
| 【2-2】 (2) | - 접선의 방정식의 기울기를 구하였는가? - 접선의 방정식을 $y = ax + b$ 의 꼴로 나타냈는가? | 20점 | |
| 【2-2】 (3) | - S_1 의 값을 정확히 구하였는가? - S_2 의 값을 정확히 구하였는가? - $\frac{S_2}{S_1}$ 의 값을 정확히 구하였는가? | 30점 | |

예시답안

【2-1】

(1) (가)와 [조건 1]에 의하여 $5(2a + 9d) = 4(a + 9d)$ 이므로 $a = -\frac{3}{2}d$ 이다. (가)와 [조건 2]에 의하여

$\frac{2}{3} < d < \frac{8}{3}$ 이다. 따라서 a 의 범위는 $-4 < a < -1$ 이다.

(2) (가)와 조건으로부터 $a_n = a + (n-1)d = \left(n - \frac{5}{2}\right)d$ 이다.

$d > 0$ 이고 $a_n > 0$ 이므로 $n \geq \frac{5}{2}$ 이다. 따라서 $k = 3$ 이다.

(3) $a_3 = 1$ 이면 $\frac{1}{2}d = 1$ 이므로 $d = 2$ 이다. (가)에 의하여 $\sum_{n=1}^{\infty} \left(d - \frac{5}{3}\right)^n = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{3^n} = \frac{1}{2}$ 이다.

(4) $d = 2$ 이고 $a = -\frac{3}{2}d = -3$ 이므로 $\{a_n\}$ 의 일반항은 $a_n = 2n - 5$ 이다. 따라서 (가)에 의하여

$$\sum_{n=1}^{10} na_n = \sum_{n=1}^{10} (2n^2 - 5n) = 495 \text{이다.}$$

【2-2】

(1) 점 P의 x 좌표를 α 라 하면 점 Q의 x 좌표는 $-\frac{5}{4}\alpha$ 이다. (나)에 의하여 점 P에서의 접선의 방정식은 $y = 2a\alpha x - a\alpha^2$ 이고 점 Q에서의 접선의 방정식은 $y = \left(2 - \frac{75}{16}\alpha^2\right)x - 2\left(\frac{5}{4}\right)^3\alpha^3$ 이다. 이 두 식은 같은 직선 ℓ 을 나타내므로 $2a\alpha = 2 - \frac{75}{16}\alpha^2$, $a = 2\left(\frac{5}{4}\right)^3\alpha$ 이다. 따라서 $\alpha^2 = \frac{4}{25}$ 이다. $\alpha > 0$ 이므로 $\alpha = \frac{2}{5}$ 이고 $a = \frac{25}{16}$ 이다.

(2) 접선의 방정식은 $y = 2a\alpha x - a\alpha^2$ 이므로 **【2-2】** (1)의 결과로부터 $y = \frac{5}{4}x - \frac{1}{4}$ 이다.

(3) 점 P의 x 좌표가 $\frac{2}{5}$ 이고 점 Q의 x 좌표는 $-\frac{1}{2}$ 이므로 (다)에 의하여

$$S_1 = \int_0^{\frac{2}{5}} \left(\frac{25}{16}x^2 - \frac{5}{4}x + \frac{1}{4} \right) dx = \frac{1}{30}$$

$$S_2 = \int_{-\frac{1}{2}}^0 \left(-x^3 + 2x - \frac{5}{4}x + \frac{1}{4} \right) dx = \frac{3}{64} \text{이다. 따라서 } \frac{S_2}{S_1} = \frac{45}{32} \text{이다.}$$

3. 논술(AAT)전형 자연계열(과학) 문항카드

| | |
|------|---------|
| 일반정보 | 문항카드 11 |
|------|---------|

| | | |
|-------------------|-------------------------------|-------------------------|
| 유형 | ■ 논술고사 □ 면접 및 구술고사 | |
| 전형명 | 논술(AAT)전형 | |
| 대학의 계열(과목) / 문항번호 | 자연계열 I (물리) / 문항 (1-1)~(1-3)번 | |
| 출제 범위 | 고등학교 과목명 | 물리 I |
| | 핵심개념 및 용어 | 뉴턴의 운동법칙, 역학적 에너지 보존 법칙 |
| 예상 소요 시간 | 전체 시험시간 100분 중 25분 | |

문항 및 제시문

(가) 물체에 힘을 가해 물체가 이동했을 때 힘이 물체에 일을 했다고 한다. 힘 F 의 방향과 물체의 이동 방향이 일치하지 않으면 물체에 한 일의 양 W 는 다음 식으로 나타낼 수 있다.

$$W = F \cos \theta \times s = Fs \cos \theta$$

여기에서 s 는 이동 거리, θ 는 힘의 방향과 이동 방향 사이의 각이며 $F \cos \theta$ 는 물체가 이동한 방향으로의 힘의 크기이다. 일의 단위는 J(줄)이며, $1 \text{ J} = 1 \text{ N} \cdot \text{m} = 1 \text{ kg} \cdot \text{m}^2/\text{s}^2$ 이다.

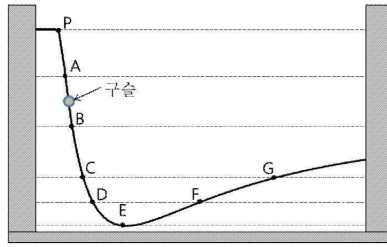
(나) 퍼텐셜 에너지는 물체가 어떤 특정한 위치에서 힘을 가해 기준이 되는 위치로 돌아갈 때까지 힘이 한 일로서 일을 할 수 있는 에너지이다. 통상적으로 기준이 되는 위치를 퍼텐셜 에너지가 0인 지점으로 정한다.

예를 들어 지표면에서 높이 h 인 곳에 있는 질량이 m 인 물체에 중력이 일을 하여 지표면으로 수직 이동하면 마찰과 공기 저항이 없을 때 그 일의 양은 $W = mgh$ 이다 (g 는 중력 가속도). 한편, 퍼텐셜 에너지는 지표면에서 높이 h 인 곳에서 지표면으로 오는 동안에 mgh 만큼 줄어들어 퍼텐셜 에너지의 변화량은 $-mgh$ 가 된다. 따라서 한 물체에 주어진 일의 양은 퍼텐셜 에너지의 음의 변화량과 같다. 이처럼 높이 h 인 곳에서 물체를 가만히 놓아주면 물체는 정지 상태에서부터 퍼텐셜 에너지가 작아지는 방향인 지표면으로 떨어지게 된다.

(다) 물체에 일을 하면 물체는 운동을 하거나 위치가 바뀐다. 물체가 운동함으로써 운동 에너지를 가지며, 물체의 위치가 달라짐으로써 퍼텐셜 에너지가 달라진다. 역학적 에너지는 운동 에너지와 퍼텐셜 에너지의 합으로 정의된다. 운동 에너지와 퍼텐셜 에너지는 운동하는 동안 서로 전환된다. 즉, 역학적 에너지는 마찰이나 공기 저항이 없을 때 늘 일정하다. 이것을 역학적 에너지 보존 법칙이라고 한다.

※ 모든 문항에서 풀이과정을 반드시 기술하시오.

[그림 1]과 같이 구부린 철사에 질량이 2 kg인 구슬의 중심을 꿰어 움직이게 하였다. 철사는 지면에 수직인 평면에 위치해있고 양 끝은 벽에 고정되어있다. [표 1]은 각 구간의 철사의 길이를 나타낸 것이다. [표 2]는 각 지점의 퍼텐셜 에너지를 나타낸 것이다. 모든 마찰과 공기 저항은 무시한다.



[그림 1]

[표 1]

| 구간 | PA | AB | BC | CD | DE | EF | FG |
|---------|----|----|----|----|----|----|----|
| 구간길이(m) | 8 | 10 | 10 | 5 | 8 | 14 | 14 |

[표 2]

| 지점 | A | B | C | D | E | F | G |
|------------|-----|-----|-----|----|---|----|-----|
| 퍼텐셜 에너지(J) | 300 | 200 | 100 | 50 | 0 | 50 | 100 |

【1-1】 구슬을 G에 가만히 놓았다.

- (1) 구슬을 G에 가만히 놓은 직후, 구슬의 운동 에너지와 퍼텐셜 에너지를 구하시오. (15점)
- (2) 구슬이 E에 도착할 때, 구슬의 운동 에너지와 퍼텐셜 에너지를 구하시오. (15점)

【1-2】 구슬을 G에 가만히 놓았다.

- (1) 구슬이 P에 가장 가까이 접근할 수 있는 위치를 [그림 1]에서 구하고 그 이유를 (나)와 (다)에 근거하여 설명하시오. (15점)
- (2) 구슬이 P에 가장 가까이 접근한 후, 시간이 지남에 따라 어떤 운동을 하는지 기술하시오. (15점)

【1-3】 B에서 25J의 운동 에너지를 갖는 구슬이 C로 이동한다. 구간 BC에서 일정한 가속도로 움직인다면, 구슬의 가속도의 크기와 걸린 시간을 구하시오. (40점)

출제 의도

등가속도 운동에서 등가속도 직선운동 공식과 함께 일-운동에너지의 정리를 이해하고, 역학적 에너지가 보존되기 위해서는 퍼텐셜 에너지를 도입하는 것이 필요함을 알게 된다.

출제 근거

1. 교육과정 근거

| 적용 교육과정 | (고시번호) 1. 교육과학기술부 고시 제2011-361호[별책 9] “과학과 교육과정” 2. 교육과학기술부 고시 제2011-361호[별책 9]에 따른 “고교 과학과 교육과정 해설서” | |
|---------|--|--------------------------|
| 관련 성취기준 | 과목명: 물리 | 관련 |
| | 성취기준1 1. 교육과정 문서 (1) 시공간과 우주(71쪽) (가) 시간, 공간, 운동 ③ 속도, 가속도의 개념을 이해하고, 이를 바탕으로 1차원 등가속도 운동을 이해한다. ④ 뉴턴의 운동법칙을 1차원 운동에 적용하고, 스포츠 등에서 충격량과 운동량 변화의 관계를 이해한다. ⑤ 등가속도 운동에서 일-운동 에너지의 정리를 이해하고, 역학적 에너지가 보존되기 위해서는 퍼텐셜 에너지를 도입하는 것이 필요함을 안다. | 제시문 (가) (나) (다) |
| | 성취기준2 2. 교육과정 해설서 | 제시문 |

| | | |
|--|---|-------------------|
| | <p>(가) 시간, 공간, 운동(65~66 쪽) 이 단원에서는 물리학의 기본개념인 물체의 운동과 그 배경이 되는 시간과 공간에 대한 측정과 개념을 이해하게 한다. 또한 현대물리학의 핵심이론인 특수 및 일반 상대론의 기본 개념을 정성적으로 이해하게 하고, 이로부터 제기된 새로운 우주론을 알게 한다.</p> <p>(가) 시간, 공간, 운동 ③ 속도, 가속도의 개념을 이해하고, 이를 바탕으로 1차원 등가속도 운동을 이해한다. - 앞에서 학습한 공간과 시간에 대한 개념을 이용하여 1차원에서 이동거리, 속도, 가속도 등의 개념 사이의 운동학적인 관계를 알게 하고, 운동관계 그래프와 다양한 실생활의 예를 통해 등가속도 직선 운동을 이해하게 한다. ④ 뉴턴의 운동법칙을 1차원 운동에 적용하고, 스포츠 등에서 충격량과 운동량 변화의 관계를 이해한다. - 1차원 운동에서 뉴턴의 운동법칙을 알게 하고, 운동량과 충격량의 개념을 스포츠나 교통수단 등 실생활의 예를 통하여 이해하게 한다. 또한 질량과 무게의 개념 차이도 알게 한다. ⑤ 등가속도 운동에서 일-운동 에너지의 정리를 이해하고, 역학적 에너지가 보존되기 위해서는 퍼텐셜 에너지를 도입하는 것이 필요함을 안다. - 일에 대한 물리학적 개념을 알게 하고 일상에서 사용하는 일의 개념과 비교하게 한다. 등가속도 운동에서 운동에너지의 정의와 일-운동 에너지의 정리를 이해하게 한다. 퍼텐셜 에너지의 정의와 역학적 에너지와 그 보존법칙을 알게 하고, 이를 통하여 일상의 상황에서 나타나는 사례 등을 설명할 수 있게 한다.</p> | (가) (나) (다) |
|--|---|-------------------|

2. 자료 출처

| 교과서 내 | | | | | | |
|-------|-------|------|-------|-------|-----------------|--------|
| 도서명 | 저자 | 발행처 | 발행 연도 | 쪽수 | 관련 자료 | 재구성 여부 |
| 물리 I | 김영민 외 | 교학사 | 2011 | 29-59 | 제시문 (가),(나),(다) | ○ |
| 물리 I | 곽성일 외 | 천재교육 | 2011 | 26-45 | 제시문 (가),(나),(다) | ○ |

문항해설

[그림 1]과 같이 구부린 철사에 구슬을 움직이게 하였을 때, 각 구간별 철사의 길이는 [표 1]에, 각 지점의 퍼텐셜 에너지는 [표 2]에 제시함
1~3번 문항은 제시문 (가),(나),(다)에 기술된 뉴턴 운동법칙과 역학적 에너지 보존 법칙을 이해하고, 이를 문항에서 제시된 상황에 적용하여 물체의 운동을 논리적으로 설명할 수 있는지 파악하고자 함

채점기준

| 하위문항 | 채점 기준 | 배점 |
|------------------|---|----|
| 【1-1】 (1) | 운동에너지: 0 J, 퍼텐셜 에너지: 100 J | 15 |
| 【1-1】 (2) | 운동에너지: 100 J, 퍼텐셜 에너지: 0 J | 15 |
| 【1-2】 (1) | 위치: C 역학적 에너지 보존법칙을 포함한 논리적 설명 | 15 |
| 【1-2】 (2) | E 방향으로 간다. 이후 왕복(진동) 운동을 한다. | 15 |
| 【1-3】 | $a = 5m/s^2$, 논리적 풀이과정 $t = (\sqrt{5} - 1)$ 초, 논리적 풀이과정 | 40 |

예시답안

【1-1】 (1) 운동에너지: 0 J, 퍼텐셜 에너지: 100 J (2) 운동에너지: 100 J, 퍼텐셜 에너지: 0 J

【1-2】

(1) 위치 C

이유: (나)와 (다)에 의하면 구슬은 모든 위치에서 역학적 에너지가 보존된다. G에서의 운동에너지는 0 이고 역학적 에너지는 100 J이다. 물체는 속도가 0이 될 때까지 가까이 갈 수 있으므로, 다시 운동에너지가 0이 되는 지점은 100 J과 같은 퍼텐셜 에너지를 갖는 C까지 접근할 수 있다.

(2) C에서의 구슬은 다시 퍼텐셜에너지가 낮아지는 E로 가면서 운동에너지를 얻게 되고, G에서 다시 운동에너지가 0이 되어 C방향으로 되돌아간다. 결국 C와 G 사이를 왕복(진동)운동 하게 된다.

【1-3】 $v^2 - v_0^2 = 2as$ $\frac{1}{2}mv^2 = E_k = -\Delta U$
 $\frac{1}{2}m(v^2 - v_0^2) = \frac{1}{2}m \times 2as$ $v^2 = \frac{-2\Delta U}{m}$
 $125 - 25 = \frac{1}{2} \times (2kg) \times 2a \times (10m)$ $v_B = 5 \text{ m/s}, v_C = 5\sqrt{5} \text{ m/s}$
 $a = 5 \text{ m/s}^2$ $s = 10 \text{ m} = \frac{v_B + v_C}{2}t = \frac{5 + 5\sqrt{5}}{2}t$
 $t = \sqrt{5} - 1 \text{ 초}$

(다른 풀이) $\frac{1}{2}mv^2 = E_k = -\Delta U$
 $v^2 = \frac{-2\Delta U}{m}, v_B = 5 \text{ m/s}$
 $v_B t + \frac{1}{2}at^2 = 10 \text{ m}$
 $t^2 + 2t - 4 = 0$
 $t = -1 \pm \sqrt{1^2 + 4} = \sqrt{5} - 1 \text{ 초}$

일반정보 **문항카드 12**

| | | |
|-------------------|---|--------------------------|
| 유형 | <input checked="" type="checkbox"/> 논술고사 <input type="checkbox"/> 면접 및 구술고사 | |
| 전형명 | 논술(AAT)전형 | |
| 대학의 계열(과목) / 문항번호 | 자연계열 I (생명 과학) / 문항 (1-1)~(1-3)번 | |
| 출제 범위 | 고등학교 과목명 | 생명 과학 I |
| | 핵심개념 및 용어 | 항상성 유지, 호르몬, 신경 세포, 뇌하수체 |
| 예상 소요 시간 | 전체 시험시간 100분 중 25분 | |

문항 및 제시문

제시문:
(가) 생물은 체내·외 환경의 변화에 적절하게 반응하여 체내 환경을 일정하게 유지한다. 이러한 항상성은 신경계와 호르몬의 상호 작용에 의해 조절된다. 신경계에 의한 조절은 시냅스 구조를 통한 신경세포(뉴런)의 직접적인 전기·화학적 신호 전달 과정으로 빠르고 반응도 즉각적이다. 호르몬에 의한 조절은 혈관을 통해 특정 생체 부위로 이동하는 호르몬의 농도에 맞춰 기능하기에 신경세포의 신호보다 느리고 효과 지속 시간이 길다.
(나) 호르몬은 체내에서 미량으로 생리작용을 조절하는 화학 물질로, 주로 내분비샘에서 생성되며 별도의 분비관 없이 혈관으로 분비되어 이동하다가 특정 조직이나 기관에 작용한다. 이때 특정 호르몬에 반응하는 기관(세포)을 표적 기관(세포)이라고 한다. 특정 호르몬의 지속적인 결핍 혹은 과다 분비로 인해 여러 가지 이상 증상이 나타난다. 그러므로 생명 현상을 정상적으로 유지하기 위해서는 적절한 호르몬 분비와 작용이 이루어져야 한다.

항상성 유지는 대부분 음성 피드백과 길항 작용에 의해 이루어진다. 음성 피드백 작용은 신체의 생리 기능이나 체액의 성분이 좁은 범위 내에서 유지되도록 하며 갑작스러운 변화를 막는 데 목적이 있다. 음성 피드백의 대표적인 예로 갑상샘에서 분비되는 티록신이 있다. 증가된 티록신은 물질대사 촉진과 함께 시상 하부와 뇌하수체 전엽에 작용하여 티록신 생성을 담당하는 호르몬들의 분비를 조절함으로써 티록신 농도가 계속 증가하는 것을 막는다. 길항 작용도 항상성을 유지하는 데 중요한 역할을 한다. 교감 신경이 작용하면 호흡이 증가하고 맥박이 빨라지지만, 부교감 신경이 작용하면 호흡과 맥박이 안정된 상태로 된다. 이와 같이 길항 작용은 서로 반대되는 두 가지 요인이 한 기관에 분포하면서 서로의 효과를 상황에 따라 억제하여 그 기관의 기능을 일정하게 유지하는 원리를 말한다. 혈당량 조절을 위해 이차에서 분비되는 호르몬들의 생성 변화도 중요한 길항 작용의 예이다.

(다) 인체는 외부 기온에 관계없이 체온을 약 36.5℃(35.8~38.2℃)로 유지한다. 체온은 간뇌 시상 하부에 의해 조절을 받는 자율 신경계와 특정 호르몬들의 작용을 통해 유지되며, 몸의 열 발생량과 방출량에 의해 조절된다. 추운 겨울철에 체온이 정상 이하로 내려가면 시상 하부가 이를 감지하여 교감 신경이 활성화 되고, 이를 통해 심장 박동이 촉진되고 피부 근처의 혈관 수축을 유도하여 몸의 열 발생량은 늘리고 방출량은 줄인다. 이와 함께 부신 속질의 에피네프린(아드레날린)과 갑상샘의 티록신 분비가 증가되어 심장 박동과 물질대사량을 높이고 열 발생을 촉진함으로써 체온이 올라간다. 반대로 더운 여름철에 체온이 올라가면 시상 하부의 체온 조절 중추에 자극이 전달되어 교감 신경 작용 완화, 부교감 신경 활성화, 티록신 분비 억제 등이 일어난다. 이로 인해 피부 모세혈관의 확장, 땀 분비 촉진, 심장 박동 및 물질대사의 억제가 일어나 체온이 낮아진다.

【1-1】 (가)에 근거하여 신경 세포의 신호 전달 방법과 호르몬의 신호 전달 방법의 차이점을 서술하고, 어떤 신호 전달 방법이 더 넓은 작용 범위를 나타내는지 설명하시오. (25점)

【1-2】 (나)를 참고하여 다음 문항에 답하시오.

- (1) 체내의 티록신 농도가 높을 때 시상 하부와 뇌하수체 전엽에서 음성 피드백 현상으로 나타날 수 있는 호르몬들의 변화를 설명하시오. (25점)
- (2) 장시간 식사를 하지 않았거나 심한 운동을 하여 체내 혈당량이 감소하였을 때 이차에서 생성이 증가하는 호르몬의 이름을 쓰고, 이 호르몬이 간에서 작용하는 기능을 설명하시오. (25점)

【1-3】 운동 후 체온이 39.0℃로 변화했다. 이때 체내에서 일어나는 자율 신경계 및 호르몬의 변화를 (다)에 근거하여 설명하시오. (25점)

출제 의도

- 항상성은 지속적인 생명 현상과 직결되는 아주 중요한 생체내의 생화학적 특징으로 고등학교 생명 과학 I의 ‘항상성과 건강’ 단원의 핵심 내용 중 하나임.
- 생명 과학 수업을 통해 알게 된 여러 분야의 지식을 바탕으로 생명 현상의 이해와 함께 체내 항상성과 관련된 내용을 얼마나 통합적으로 이해하고 적용할 수 있는가를 파악하고자 함.
- 특히 ‘항상성’이라는 주제를 통하여 정상적인 생명 현상과 이와 관련된 신경계와 내분비계의 적절한 활동의 중요성을 논리적으로 표현할 수 있는지를 평가하고자 함.

출제 근거

1. 교육과정 근거

| | | |
|---------|---|----------------|
| 적용 교육과정 | 교육과학기술부 고시 제2011-361호[별책 9] “과학과 교육과정” | |
| 관련 성취기준 | 과목명: 생명과학 I - (3) 항상성과 건강 - (나) 항상성과 몸의 조절 | 관련 |
| | 성취기준1 제시문 (가) ① 신경계의 기능을 몸의 조절 작용과 관련하여 설명할 수 있다. ② 흥분의 전도와 전달을 이해한다. ③ 근수축 운동의 원리를 이해한다. ④ 신경과 호르몬에 의한 체온 조절과 혈당량 조절 원리를 설명할 수 있다. ⑤ 신장에서 삼투압 조절 과정을 안다. | 교육과정 문서 (106쪽) |

| | | |
|-----------|---|----------------------|
| 성취기준2 | <p>제시문 (나)</p> <p>① 신경계의 기능을 몸의 조절 작용과 관련하여 설명할 수 있다.</p> <p>② 흥분의 전도와 전달을 이해한다.</p> <p>③ 근수축 운동의 원리를 이해한다.</p> <p>④ 신경과 호르몬에 의한 체온 조절과 혈당량 조절 원리를 설명할 수 있다.</p> <p>⑤ 신장에서 삼투압 조절 과정을 안다.</p> | 교육과정 문서 (106쪽) |
| 성취기준 3 | <p>제시문 (다)</p> <p>① 신경계의 기능을 몸의 조절 작용과 관련하여 설명할 수 있다.</p> <p>② 흥분의 전도와 전달을 이해한다.</p> <p>③ 근수축 운동의 원리를 이해한다.</p> <p>④ 신경과 호르몬에 의한 체온 조절과 혈당량 조절 원리를 설명할 수 있다.</p> <p>⑤ 신장에서 삼투압 조절 과정을 안다.</p> | 교육과정 문서 (106쪽) |

2. 자료 출처

| 교과서 내 | | | | | | |
|--------|-------|--------|-------|------------------|-----------|--------|
| 도서명 | 저자 | 발행처 | 발행 연도 | 쪽수 | 관련 자료 | 재구성 여부 |
| 생명과학 I | 심규철 외 | 비상교육 | 2016 | 159-160, 164-170 | 제시문 (가-다) | ○ |
| 생명과학 I | 권혁빈 외 | 교학사 | 2016 | 146-147, 152-156 | 제시문 (가-다) | ○ |
| 생명과학 I | 이준규 외 | 천재교육 | 2016 | 138-139, 144-149 | 제시문 (가-다) | ○ |
| 생명과학 I | 박희송 외 | 교학사 | 2016 | 152-154, 165-172 | 제시문 (가-다) | ○ |
| 생명과학 I | 이길재 외 | 상상아카데미 | 2016 | 140-141, 152-157 | 제시문 (가-다) | ○ |

문항해설

【1-1】 본 문항은 (가)에 제시된 내용을 이해하여 시냅스를 통한 신경계의 신호 전달 방법 (직접적 신호 전달)과 호르몬 분비에 의한 신호 전달 (혈액을 이용하여 표적 기관으로 이동) 방법의 차이를 서술하고 두 종류의 신호 전달 방법 차이에 따른 작용 효능의 범위를 비교할 수 있는지를 알아보고자 함.

【1-2】

(1) 문항은 항상성 유지에 중요한 기전 중 하나인 음성 피드백 원리를 (나)의 두 번째 문단을 통해 이해하고, 티록신 생성과 관련된 상위 호르몬으로 시상 하부와 뇌하수체 전엽에서 생성되는 호르몬인 “갑상샘 자극 호르몬 방출 호르몬(TRH)”과 “갑상샘 자극 호르몬(TSH)”의 이름을 알고 있는지, 그리고 티록신의 분비량 조절이 음성 피드백 원리에 의한 것임을 알고 있는지 평가하고자 함.

(2) 문항은 항상성 유지와 관련된 혈당량 조절에 중요한 두 가지 호르몬의 체내 기능을 이해하고 있는지 평가하는 문항으로, 장시간 식사를 못했거나 운동으로 유도된 체내 저혈당 조건에서 생성이 증가되는 호르몬의 이름과 간에서 그 호르몬의 주된 기능을 설명할 수 있는지를 평가하고자 함.

【1-3】 본 문항은 (다)에 제시된 내용을 읽고 항상성 유지와 관련된 체온 조절에 대해 신경계의 변화 및 호르몬의 변화를 서술할 수 있는지 알아보고자 함.

채점기준

| 하위문항 | 채점 기준 | 배점 |
|--------------|--|----|
| 【1-1】 | 다음의 세 가지 내용 [① 신경 세포 신호 전달 특징으로 직접적 신호 전달 (혹은 빠른 신호 전달), ② 호르몬 신호 전달 특징으로 혈액(혈관) 이동을 통해 표적 기관에 작용 (혹은 느린 신호 전달, 혹은 긴 지속 시간), ③ 호르몬에 의한 신호 전달이 더 넓은 범위에 작용] 모두 언급하면 25점; 위 세 가지 중 두 가지 내용만 표기 시 15점; 위 세 가지 중 | 25 |

| | | |
|------------------|---|----|
| | 한 가지만 표기 시 10점; 기타 관련 내용 서술 5점; 틀린 내용 서술은 0점 [주의: 1. ①에서 전기/화학적 신호만 언급 시 오답으로 간주 (직접적 혹은 빠른 신호 전달 언급 필요); 2. ③ 답안에 신경세포가 더 넓은 범위라는 답안이 많이 있음. 속독 시 주의 필요] | |
| 【1-2】 (1) | ① 갑상샘 자극 호르몬 방출 호르몬 (혹은 TRH) 억제, ② 갑상샘 자극 호르몬 (혹은 TSH) 억제, ③ 티록신 증가에 의한 음성 피드백 현상 혹은 티록신 감소를 모두 언급하면 25점; 위 세 가지 중 두 가지 내용만 표기 시 15점; 위 세 가지 중 한 가지 내용만 표기 시 혹은 기타 관련 내용만 서술하면 5점; 틀린 내용 서술은 0점 [주의: 1. 시상 하부에서는 TRH / 뇌하수체 전엽은 TSH 분비에 대해 순서가 바뀐 서술은 오답으로 간주함] | 25 |
| 【1-2】 (2) | ① 글루카곤 (증가)와 ② 간에서 글리코젠의 포도당 전환 모두 언급 하면 25점; 글루카곤 증가만 언급하면 15점; 글리코젠의 포도당 전환만 언급하면 15점; 기타 혈당량 관련 내용 서술은 5점; 틀린 내용 서술은 0점 [주의: 1. “글리코젠을 포도당으로” 정확한 서술만 정답으로 간주 (포도당 증가만 언급은 오답); 2. 포도당을 당으로 표기 시 정답으로 간주] | 25 |
| 【1-3】 | ① 정상 체온보다 높다 (혹은 현재 온도 39.0℃ 표기 및 정상 체온으로 낮추는 작용)는 내용, ② 교감 신경 억제 (혹은 작용 완화), ③ 부교감 신경 활성화, ④ 티록신 분비 억제 내용 모두 있으면 25점; 상기 내용 중 세 가지 내용 언급 20점; 상기 내용 중 두 가지 내용만 언급 10점; 기타 내용 (예: 모세혈관 확장, 땀 분비 촉진, 심장 박동 억제 및 물질대사 억제 같은 현상만 설명하거나 상기 네 가지 중 한 가지 내용만 언급) 5점; 틀린 내용 서술은 0점 | 25 |

예시답안

- 【1-1】** 신경계(신경 세포)의 신호 전달 과정은 시냅스를 통해 직접적으로 신경 전달 물질을 분비하여 빠르고 즉각적인 신호 전달이 일어나지만, 호르몬의 경우 표적 기관에 작용되기 위해 혈액(혈관)을 통한 이동이 필요하므로 신경계에 의한 신호 전달에 비하여 느리고 (지속 시간이 길며) 넓은 범위에 걸쳐 일어난다.
- 【1-2】**
- (1) 티록신의 증가는 시상 하부와 뇌하수체 전엽에 작용하여 티록신 생성과 관련된 호르몬들의 생성을 억제하는 음성 피드백 현상을 유도 할 수 있다. 과다한 티록신은 시상 하부와 뇌하수체에 작용하여 각각 “갑상샘 자극 호르몬 방출 호르몬(TRH)”과 “갑상샘 자극호르몬(TSH)”의 분비를 억제한다.
- (2) 혈당량 감소는 이자에서 글루카곤의 분비를 촉진하게 되며, 분비된 글루카곤은 간에 저장된 글리코젠을 포도당으로 전환하여 혈액으로 방출하여 혈당량을 증가시킨다.
- 【1-3】** 체온 39.0℃는 정상보다 높은 상태이다. 더운 여름철에 체온이 상승하면 시상 하부의 체온 조절 중추에 자극이 전달되어 교감 신경 작용 완화, 부교감 신경 활성화 및 티록신 분비 억제가 일어난다. 그러므로 체내 교감 신경 작용 완화, 부교감 신경 활성화, 갑상샘의 티록신 분비 억제로 인해 모세혈관 확장, 땀 분비 촉진, 심장 박동 및 물질대사 억제를 통해 체온을 낮추어 항상성을 유지할 것이다.

일반정보 문항카드 13

| | | |
|-------------------|---------------------------|-----------------------------|
| 유형 | ■ 논술고사 □ 면접 및 구술고사 | |
| 전형명 | 논술(AAT)전형 | |
| 대학의 계열(과목) / 문항번호 | 자연계열 (지구과학) / (1-1)~(1-3) | |
| 출제 범위 | 고등학교 과목명 | 지구과학 I |
| | 핵심개념 및 용어 | 탄소순환, 대기오염, 기후변화, 이산화탄소, 해양 |
| 예상 소요 시간 | 30분 | |

문항 및 제시문

(가) 지구는 태양으로부터 받은 복사 에너지만큼 지구 복사 에너지를 우주 공간으로 방출하여 복사 평

형을 이룬다. 대기 중에 존재하는 온실 기체는 입사하는 태양 복사 에너지를 투과시키는 반면, 지표가 방출하는 적외선 복사 에너지를 흡수하여 지표와 우주 공간으로 재복사한다. 그 결과 대기 중 온실 기체는 온실 기체가 없을 때보다 지표에 도달하는 복사 에너지를 증가시킴으로써 지표의 온도를 높이는 데, 이를 온실 효과라고 한다. 대표적인 온실 기체로는 수증기, 이산화탄소, 메테인 등이 있다. 인간의 인위적인 활동은 산업 혁명 이후 대기 중 이산화탄소 양을 빠르게 증가시켰고, 이는 대기의 온실 효과를 증대시켜 지표 부근의 기온을 상승시켰다. 화석 연료의 사용과 산업 활동은 다양한 대기 오염 물질을 대기로 배출하고 있다. 대기 오염 물질에는 질소 산화물, 황산화물, 오존 등의 기체상 물질과 미세 먼지 같은 입자상 물질이 있다. 미세 먼지는 태양 복사 에너지를 반사시킴으로써 지표 부근의 기온에 영향을 미친다.

(나) 미세 먼지는 대기로 직접 배출되거나 대기 중에서 화학 반응을 통해 형성된다. 강수가 없는 경우에 크기가 작은 미세 먼지는 낙하 속도가 작기 때문에 장시간 대기에 머무를 수 있다. 그러나 강수가 있는 경우에 미세 먼지는 강수에 포함되어 지면으로 내려와 대기 중에서 쉽게 제거된다. 그러므로 강수가 발생하는 대류권에서 미세 먼지가 대기 중에서 머무는 시간은 평균 수 일 이내로 짧다. 한편, 대기로 배출된 이산화탄소는 바람을 타고 이동하다가 바닷물에 용해되거나 광합성 과정에서 제거된다. 이산화탄소가 대기 중에 머무는 시간은 약 3~4년이다.

(다) 기후변화에 관한 정부 간 패널(IPCC) 4차 보고서는 대기의 온도와 이산화탄소의 양이 증가함에 따라 바닷물의 온도와 바닷물에 용해된 이산화탄소의 양 역시 증가한다고 보고하였다. 이와 같은 대기 와 바닷물의 이산화탄소 분포 양상이 나타나는 이유는 대기 와 바닷물간의 상호작용 때문이다. 대기 중 이산화탄소가 바닷물에 용해되면 바닷물에 이산화탄소의 양이 많아지게 된다. 바닷물에 용해된 이산화탄소는 순차적으로 탄산(H_2CO_3), 탄산수소 이온(HCO_3^-), 탄산 이온(CO_3^{2-})으로 변화될 수 있다. 해양 광합성 생물은 바닷물에 용해된 이산화탄소를 흡수해 유기 화합물로 전환하고, 생물체가 죽으면 탄소는 해저 바닥에 가라앉아 탄산염을 형성한다. 결국 해양은 이산화탄소의 저장고 역할을 하면서 대기 중 이산화탄소의 양을 조절한다. 하지만 인간의 활동으로 인해 대기 중 이산화탄소 양이 상당히 높아져 대기 와 해양에 존재하는 이산화탄소의 균형 상태가 무너지고 있으며, 이로 인하여 지구 환경의 급격한 변화가 일어나고 있다.

[1-1] 미세 먼지의 증가가 지표 부근의 기온에 미치는 영향을 (가)에 근거하여 설명하시오. (30점)

[1-2] 대기 중 이산화탄소 농도 증가에 따른 온난화는 전 지구적으로 나타나지만 대류권의 미세 먼지가 지표 부근의 기온에 미치는 영향은 국지적으로 나타난다. 이와 같이 이산화탄소와 미세 먼지의 영향이 나타나는 공간적인 범위가 다른 이유를 (나)에 근거하여 설명하시오. (30점)

[1-3] 인간의 인위적인 활동을 통해 대기 중 이산화탄소의 양이 현재의 2배로 증가된다고 가정하였을 때 바닷물의 pH 변화를 (다)에 근거하여 설명하시오. (40점)

출제 의도

- 지구 열수지 개념에 대한 기본적인 이해를 근거로 태양 복사량의 변화에 따른 지표부근의 기온 변화를 논리적으로 설명하는 능력을 평가한다.
- 대기오염과 탄소순환의 과정에 대한 과학적 이해를 바탕으로 대기로 배출된 물질의 대기 중 체류하는 시간에 따른 물질의 공간분포가 다르게 나타나고 그 결과 이들의 효과도 공간적으로 다르게 나타나는 것을 과학적으로 설명하는 능력을 평가한다.
- 대표적인 온실 기체인 이산화탄소가 해양에 흡수되었을 때 화학적 변화를 정확하게 이해하고, 해양은 이산화탄소의 저장고이자 지구 온난화에 중요한 환경임을 과학적이고 체계적으로 파악하고 있는지를 평가한다.

출제 근거

1. 교육과정 근거

| | | |
|---------|--|----|
| 적용 교육과정 | 교육과학기술부 고시 제 2011-361호 [별책 9] “과학과 교육과정” | |
| 관련 성취기준 | 1. 교육과정 문서 | |
| | 과목명: 지구 과학 | 관련 |

| | | |
|--------|--|------|
| 성취기준 1 | (1) 소중한 지구 (가) 행성으로서의 지구 ③ 에너지 순환 및 물질 교환의 관점에서 지구계를 구성하는 각 권의 상호작용을 이해한다. | 122쪽 |
| 성취기준 2 | (3) 위기의 지구 (가) 환경오염 ① 대기 오염, 해양 오염, 토양 오염, 수질 오염 등 각종 지구 환경 오염이 발생하는 과정을 과학적으로 이해한다. | 124쪽 |
| 성취기준 3 | (3) 위기의 지구 (나) 기후 변화 ③지구 온난화를 지구 열수지와 관련지어 이해한다. | 124쪽 |

2. 자료 출처

| 교과서 내 | | | | | | |
|--------|-------|------|-------|---------|--------------|--------|
| 도서명 | 저자 | 발행처 | 발행 연도 | 쪽수 | 관련 자료 | 재구성 여부 |
| 지구과학 I | 이태욱 외 | 교학사 | 2016 | 184-191 | 제시문(가) | ○ |
| 지구과학 I | 최변각 외 | 천재교육 | 2016 | 198-201 | 제시문(가) | ○ |
| 지구과학 I | 이태욱 외 | 교학사 | 2016 | 23-24 | 제시문 (나), (다) | ○ |
| 지구과학 I | 최변각 외 | 천재교육 | 2016 | 26-28 | 제시문 (나), (다) | ○ |
| 지구과학 I | 이태욱 외 | 교학사 | 2016 | 165-166 | 제시문 (나) | ○ |
| 지구과학 I | 최변각 외 | 천재교육 | 2016 | 158-166 | 제시문 (나) | ○ |

| 교과서 외 | | | | | | |
|---------------------|-------------------|----------------|-------|---------|---------|-------|
| 자료명(도서명) | 작성자(저자) | 발행처 | 발행 연도 | 쪽수 | 관련 자료 | 재구성여부 |
| Atmospheric Science | Wallace and Hobbs | Academic Press | 2006 | 155 | 제시문 (나) | ○ |
| Atmospheric Science | Wallace and Hobbs | Academic Press | 2006 | 176 | 제시문 (나) | ○ |
| 최신 해양과학 | 이상룡 외 | 시그마 프레스 | 2014 | 587-588 | 제시문 (다) | ○ |

| 관련 교과서 근거 | | | | | | |
|-----------|-------|------|-------|--------|--------------|--------|
| 도서명 | 저자 | 발행처 | 발행 연도 | 쪽수 | 관련 자료 | 재구성 여부 |
| 지구과학 I | 최변각 외 | 천재교육 | 2016 | 27 | 제시문 (나), (다) | ○ |
| 지구과학 I | 이태욱 외 | 교학사 | 2016 | 23 | 제시문 (나) | ○ |
| 지구과학 I | 최변각 외 | 천재교육 | 2016 | 161 | 제시문 (나) | ○ |
| 지구과학 I | 이태욱 외 | 교학사 | 2016 | 201 | 제시문 (나) | ○ |
| 지구과학 I | 최변각 외 | 천재교육 | 2016 | 41,161 | 제시문(다) | ○ |
| 지구과학 I | 최변각 외 | 천재교육 | 2016 | 27,113 | 제시문(다) | ○ |
| 지구과학 I | 최변각 외 | 천재교육 | 2016 | 200 | 제시문(다) | ○ |

문항해설

[1-1] 미세 먼지가 지구 열수지에 미치는 영향을 고려하여 지표면 부근의 기온 변화를 논리적으로 설명하는 문제임

[1-2] 미세먼지와 이산화탄소 농도의 대기 중 체류기간의 차이에 따른 농도분포가 다르게 나타나는

것으로 인해 이들에 의한 기온에 미치는 공간 규모가 다르게 나타남을 설명하는 문제임
【1-3】 온실 기체인 이산화탄소가 대기에서 해수로 다량 흡수되었을 때 해양의 pH 변화를 논리적으로 예측하고 설명하는 문제임

| 채점기준 | | |
|------|--|-----|
| 하위문항 | 채점 기준 | 배점 |
| 1-1 | 미세먼지는 태양 복사에너지를 반사시킴 (10점). 결과적으로 지표에 도달하는 태양 복사 에너지 양이 감소함 (10점) 지표부근의 기온이 낮아짐 (10점). | 30점 |
| 1-2 | 대기 중에 머무는 시간이 긴 이산화탄소 (6점) 이산화탄소는 전 지구적으로 거의 균일한 농도로 나타남(6점) 미세 먼지는 강수로 제거되기 전에 대기에 머무는 시간이 짧음 (6점) 미세먼지의 농도가 배출원이나 화학반응에서 형성되는 곳 주변에서만 높게 나타남 (6점) 농도의 공간분포가 다르므로 이산화탄소에 따른 온난화는 전 지구적으로 나타나지만 미세먼지에 의한 기온 감소효과는 국지적으로 나타남 (6점) | 30점 |
| 1-3 | 바닷물에 용해된 이산화탄소의 양적 증가 (5점). 바닷물에 용해된 이산화탄소는 순차적으로 탄산, 탄산수소 이온, 탄산 이온으로 변화되고, 이 과정에서 수소 이온 농도가 더욱 증가됨 (20점). 그 결과 바닷물의 pH는 현재 보다 낮아짐 (15점). | 40점 |

예시답안

- 【1-1】** (가)에 근거하면 미세 먼지는 태양 복사에너지를 반사시킨다. 결과적으로 지표에 도달하는 태양 복사 에너지의 양이 감소하여 지표 부근의 기온이 낮아진다.
- 【1-2】** (나)에 근거하면 대기 중에 머무는 시간이 긴 이산화탄소는 오랜 기간 동안 대기 중에서 확산되어 전 지구적으로 거의 균일한 농도로 나타나므로 이산화탄소에 의한 기온 상승효과는 전 지구적으로 나타난다. 그러나 미세 먼지는 강수에 의해 제거되기 전까지 대기에 머무는 시간이 짧기 때문에 미세 먼지가 직접 배출되거나 화학 반응으로 형성되는 곳 주변에서 고농도로 나타나며 미세 먼지에 의한 기온 감소 효과도 미세 먼지의 농도가 높은 지역에 한정되어 국지적으로 나타난다.
- 【1-3】** (다)에 근거하여 대기 중 이산화탄소가 2배로 증가함에 따라 바닷물에 용해된 이산화탄소 양이 증가하게 되고, 바닷물에 용해된 이산화탄소는 순차적으로 탄산, 탄산수소 이온, 탄산 이온으로 변화된다. 이 과정에서 수소 이온(H⁺) 농도가 더욱 증가하게 되고, 바닷물의 pH는 현재 보다 낮아지게 된다.

일반정보 문항카드 14

| | | |
|-------------------|-------------------------------|--|
| 유형 | ■ 논술고사 □ 면접 및 구술고사 | |
| 전형명 | 논술(AAT)전형 | |
| 대학의 계열(과목) / 문항번호 | 자연계열 I (화학) / 문항 (1-1)~(1-3)번 | |
| 출제 범위 | 고등학교 과목명 | 화학 I |
| | 핵심개념 및 용어 | 원자량, 분자량, 몰, 실험식, 분자식, 화학 반응식, 화학반응에서의 양적 관계, 산과 염기의 중화 반응 |
| 예상 소요 시간 | 전체 시험시간 100분 중 25분 | |

문항 및 제시문

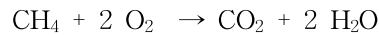
【1】 다음 글을 읽고 물음에 답하시오.
(가) 원자량은 탄소의 질량을 12로 정하고 이를 기준으로 환산한 원자들의 상대적 질량값이다. 탄소의

원자량이 12일 때 수소의 원자량은 약 1, 산소의 원자량은 약 16이 된다. 이는 수소 원자의 질량이 탄소 원자 질량의 약 $\frac{1}{12}$ 이고, 산소 원자의 질량은 수소 원자 질량의 약 16배라는 것을 의미한다. 원자량은 상대적인 값이므로 g이나 kg과 같은 단위를 붙이지 않는다. 몇 개의 원자가 결합하여 이루어진 분자는 질량이 매우 작으므로, 분자의 질량도 원자량과 같은 기준을 사용하여 상대적 질량으로 나타낸다. 분자의 상대적 질량을 분자량이라고 한다.

화학식은 화합물의 조성을 원소 기호를 이용하여 나타낸 것으로, 실험식과 분자식이 있다. 실험식은 화합물을 이루는 구성 원소의 원자 개수 비율을 가장 간단한 정수비로 나타내고, 분자식은 한 분자를 이루는 각 원자의 총 개수로 나타낸다. 실험식을 구하기 위한 방법으로 원소 분석 실험을 이용할 수 있다. 원소 분석 실험 장치를 이용하여 각 성분 원소의 질량을 구한 다음, 각각의 원자량으로 나누어 가장 간단한 정수비로 나타내면 실험식을 구할 수 있다.

(나) 원자와 같이 매우 작은 입자의 수량을 나타내기 위한 단위로 몰을 이용한다. 1몰은 6.02×10^{23} 개 입자의 집단이며, 이 수를 아보가드로수라고 한다. 분자의 몰수를 알면 그 분자를 구성하고 있는 원자의 몰수도 알 수 있다. 물 분자 1몰에는 수소 원자 2몰과 산소 원자 1몰이 들어있다. 원자 1몰의 질량은 원자량에 그램(g)을 붙인 질량과 같으며, 이와 마찬가지로 분자 1몰의 질량은 분자량에 그램(g)을 붙인 질량과 같다.

화학 반응식에서 각 물질의 계수비는 반응에 참여한 물질의 분자 수비와 몰수비를 나타낸다. 즉, 다음 반응식에서는 1몰의 메테인 기체와 2몰의 산소 기체가 반응하여 1몰의 이산화탄소와 2몰의 물이 생성됨을 알 수 있다.

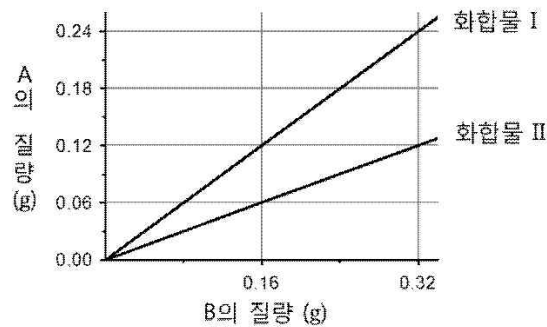


(다) 산의 H^+ 과 염기의 OH^- 이 만나 물이 생성되는 반응을 중화 반응이라고 한다. 산 - 염기가 중화될 때 H^+ 과 OH^- 이 반응하여 물이 생성되고, 산의 음이온과 염기의 양이온이 만나 염이 생성된다.

※ 모든 문항에서 풀이과정을 반드시 기술하시오.

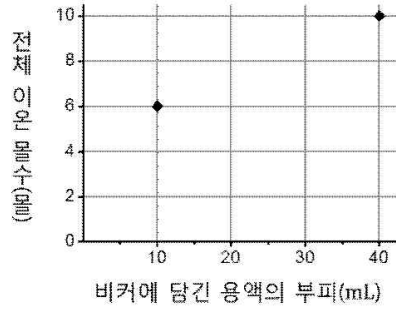
【1-1】 4.2 g의 프로펜(C_3H_6)을 완전 연소시킬 때 생성되는 이산화탄소와 물의 질량을 (가)와 (나)에 근거하여 구하시오. (단, 원자량은 C = 12, H = 1, O = 16으로 가정한다.) (20점)

【1-2】 다음은 임의의 원소 A와 B가 반응하여 생성된 화합물 I과 화합물 II에서 A와 B의 질량 관계를 각각 나타낸 것이다.



(가)와 (나)에 근거하여, 5몰의 화합물 II를 생성하기 위해 필요한 화합물 I과 B_2 의 최소 몰수를 구하시오. (단, A와 B의 원자량 비는 A : B = 3 : 4이고, 화합물 I과 화합물 II 각각의 실험식과 분자식은 동일하다.) (35점)

【1-3】 다음은 질산 수용액 10 mL가 담긴 비커에 수산화나트륨 수용액 30 mL를 서서히 첨가할 때, 두 지점에서 비커에 담긴 용액의 부피에 따른 전체 이온 몰수를 나타낸 것이다. (단, 용액의 부피는 혼합 전 각 용액 부피의 합과 같으며, 모든 염은 수용액에서 이온 상태로 존재한다고 가정한다.)



- (1) H^+ 과 OH^- 의 몰수가 같아졌을 때, 비커에 담긴 용액의 부피는 얼마인지 (나)와 (다)에 근거하여 구하시오. (30점)
- (2) 비커에 담긴 용액의 부피(10 mL에서 40 mL까지)에 따른 전체 이온 몰수를 나타내는 실선 그래프를 그리시오. (15점)

출제 의도

- 화합물의 성분을 확인하고, 화학식을 나타내는 방법을 이해하는지를 파악하고자 함.
- 몰, 원자량, 분자량을 이용하여 화학 반응에서의 양적 관계의 이해를 평가하고자 함.
- 산과 염기의 중화 반응을 이해하고, 양적 관계를 설명할 수 있는지를 파악하고자 함.

출제 근거

1. 교육과정 근거

| | | |
|---------|---|--|
| 적용 교육과정 | (고시번호) | |
| | 1. 교육과학기술부 고시 제2011-3611호[별책9] “과학과 교육과정” 2. 교육과학기술부 고시 제2009-41호[별책9]에 따른 “고교 과학과 교육과정 해설서” | |
| 관련 성취기준 | 과목명: 화학 I | |
| | 성취기준 1 | <p>관련</p> <p>제시문 (가)</p> <p>1. 교육과정 문서 (1) 화학의 언어(88쪽) (다) 원소 분석을 통하여 여러 가지 화합물의 조성을 확인하여 화학식과 분자의 구조를 밝혀내는 과정을 설명할 수 있다. (마) 여러 가지 화학 반응을 화학 반응식으로 나타낼 수 있고, 원자량과 분자량 등을 이용해서 화학 반응에서의 양적 관계를 알 수 있다.</p> <p>2. 교육과정 해설서 (1) 화학의 언어(94~95쪽) 인류 문명의 발전과 관련된 대표적인 화학 반응을 소개함으로써, 화학이 우리의 삶과 아주 긴밀하게 연관되어 있음을 설명한다. 이러한 화학 반응들을 통해 화학의 세계에서 소통의 도구가 되는 원소, 원자, 분자, 화합물, 몰 등과 같은 기초 개념을 다룬다. 여러 가지 화학 반응을 화학 반응식으로 나타내고 화학 반응에서의 양적 관계를 이해하게 한다.</p> <p>③ 원소 분석을 통하여 여러 가지 화합물의 조성을 확인하여 화학식과 분자의 구조를 밝혀내는 과정을 설명할 수 있다. - 원소 분석을 통하여 화합물의 조성을 확인하여 화학식으로 나타내고 분자의 구조를 밝히는 과정을 제시한다. 예를 들어 포도당과 같은 간단한 화합물의 조성을 확인해 분자식을 결정하는 과정을 예시하는 수준에서 다룰 수 있다. 여기서는 분자의 구조를 밝히는 복잡한 과정을 이해시키는 것이 아니라 실험을 통해 분자의 구조를 알 수도 있음을 안내하는 수준으로 다룬다.</p> |

| | | |
|-----------|--|------------|
| 성취기준 2 | <p>1. 교육과정 문서 (1) 화학의 언어(88쪽) (마) 여러 가지 화학 반응을 화학 반응식으로 나타낼 수 있고, 원자량과 분자량 등을 이용해서 화학 반응에서의 양적 관계를 알 수 있다.</p> <p>2. 교육과정 해설서 (1) 화학의 언어(94~95쪽) 인류 문명의 발전과 관련된 대표적인 화학 반응을 소개함으로써, 화학이 우리의 삶과 아주 긴밀하게 연관되어 있음을 설명한다. 이러한 화학 반응들을 통해 화학의 세계에서 소통의 도구가 되는 원소, 원자, 분자, 화합물, 몰 등과 같은 기초 개념을 다룬다. 여러 가지 화학 반응을 화학 반응식으로 나타내고 화학 반응에서의 양적 관계를 이해하게 한다.</p> <p>④ 아보가드로수와 몰의 의미를 이해한다. - 원자량과 분자량을 설명하고, 화학 반응에서 물질의 양을 나타내는 단위로 몰 개념을 도입한다. 몰은 화학 전반에 걸쳐 빈번하게 활용되는 중요한 개념이므로 분자 수, 부피, 질량 등 다양한 방법으로 설명한다.</p> <p>⑤ 여러 가지 화학 반응을 화학 반응식으로 나타낼 수 있고, 원자량과 분자량 등을 이용해서 화학 반응에서의 양적 관계를 알 수 있다. - 화학 반응을 화학 반응식으로 표현하는 방법을 다루고, 화학 반응식에 포함된 의미를 이해하게 한다. 화학 반응식을 통하여 반응물질과 생성물질의 종류를 알고, 몰-질량, 몰-부피, 질량-부피 등의 양적 관계를 다룬다.</p> | 제시문 (나) |
| 성취기준 3 | <p>1. 교육과정 문서 (4) 닭은꿀 화학반응(90쪽) (마) 산과 염기의 중화 반응을 이해한다.</p> <p>2. 교육과정 해설서 (4) 닭은꿀 화학 반응(101~103쪽) 생명 현상이나 인류 문명의 발전과 관련된 주요한 화학 반응들을 예로 들어 화학 반응의 닭은 꿀 점을 찾아내고, 이를 통하여 산화·환원 반응과 산·염기 반응을 이해하게 한다. 산소에 의한 산화·환원 반응을 도입한 후, 전자의 이동으로 산화·환원 반응을 설명한다. 산과 염기는 산화·환원 반응의 결과 만들어지는 물질임을 이해시키고, 산과 염기의 중화 반응을 설명한다. 앞에서 학습한 옥텟 규칙, 수소 결합의 개념을 생명 현상과 밀접한 관련이 있는 분자들에 적용하여 봄으로써 창의적인 사고를 할 수 있게 지도한다.</p> <p>⑤ 산과 염기의 중화 반응을 이해한다. - 산과 염기의 반응을 화학 반응식으로 나타내고, 산과 염기의 반응에 의하여 물과 염이 생성됨을 이해시킨다. 모형이나 비유 등을 이용하여 산과 염기의 중화 반응에서 물이 생성될 때 수소 이온과 수산화 이온이 같은 몰씩 반응한다는 것을 이해하게 한다.</p> | 제시문 (다) |

2. 자료 출처

| 교과서 내 | | | | | | |
|-------|-------|-----------|-------|----------------|----------------|--------|
| 도서명 | 저자 | 발행처 | 발행 연도 | 쪽수 | 관련 자료 | 재구성 여부 |
| 화학 I | 노태희 외 | 천재교육 | 2011 | 25-34, 226-229 | 제시문(가),(나),(다) | ○ |
| 화학 I | 박종석 외 | (주)교학사 | 2011 | 23-41, 240-243 | 제시문(가),(나),(다) | ○ |
| 화학 I | 류해일 외 | 비상교육 | 2011 | 31-47, 220-222 | 제시문(가),(나),(다) | ○ |
| 화학 I | 김희준 외 | (주)상상아카데미 | 2011 | 31-50, 199-201 | 제시문(가),(나),(다) | ○ |

문항해설

- 【1-1】** (나)에 제시된 내용을 바탕으로 프로펜의 연소 반응에 대한 화학 반응식을 올바르게 표현하고, (가)와 (나)에 제시된 내용을 바탕으로 반응물과 생성물 사이의 양적 관계를 제대로 이해하는지 평가하고자 함.
- 【1-2】** (가)에 제시된 내용을 바탕으로 화합물 I 과 화합물 II의 실험식을 구하는 방법을 이해하고, (나)에 제시된 내용을 바탕으로 화합물 II의 생성을 위해 필요한 반응물의 최소 몰수를 정확하게 파악하고 있는지를 알아보하고자 함.
- 【1-3】** (다)에 제시된 내용을 바탕으로 중화 반응을 이해하고, (나)에 제시된 내용을 바탕으로 중화 반응이 일어나면서 변화하는 이온의 몰수를 제대로 파악하고 있는지를 평가하고자 함.

채점기준

| 하위문항 | 채점 기준 | 배점 |
|---------------------------------|---|-----|
| 【1-1】 | (ㄱ) 올바른 연소 반응식 작성. $2 \text{C}_3\text{H}_6 + 9 \text{O}_2 \rightarrow 6 \text{CO}_2 + 6 \text{H}_2\text{O}$ | 5점 |
| | (ㄴ) 0.1몰의 프로펜이 반응함. | 5점 |
| | (ㄷ) 13.2 g의 이산화탄소가 생성됨. | 5점 |
| | (ㄹ) 5.4 g의 물이 생성됨. | 5점 |
| 【1-2】 | (ㄱ) 화합물 I의 실험식 계산법을 올바르게 제시함(A : B = 0.12 g/3x : 0.16 g/4x). | 5점 |
| | (ㄴ) 화합물 I의 실험식 또는 분자식은 AB이다. | 5점 |
| | (ㄷ) 화합물 II의 실험식 계산법을 올바르게 제시함(A : B = 0.12 g/3x : 0.32g/4x). | 5점 |
| | (ㄹ) 화합물 II의 실험식 또는 분자식은 AB ₂ 이다. | 5점 |
| | (ㅁ) 올바른 화학 반응식의 제시. $2\text{AB} + \text{B}_2 \rightarrow 2\text{AB}_2$ 이다. | 5점 |
| | (ㄴ) 5몰의 화합물 I이 필요함. | 5점 |
| (ㄷ) 2.5몰의 B ₂ 가 필요함. | 5점 | |
| 【1-3】 (1) | (ㄱ) H ⁺ 과 OH ⁻ 의 몰수가 같아졌을 때는 3몰의 수산화나트륨(또는 OH ⁻)이 첨가됨. | 10점 |
| | (ㄴ) 위 지점 이후에 2몰의 OH ⁻ 이 추가로 첨가됨(또는 수산화나트륨 30 mL에 Na ⁺ , OH ⁻ 이 각각 5몰씩 들어있음). | 10점 |
| | (ㄷ) H ⁺ 과 OH ⁻ 의 몰수가 같아지는 혼합 용액의 부피는 28 mL임. | 10점 |
| 【1-3】 (2) | (ㄱ) 올바르게 그려진 실선 그래프 | 15점 |

예시답안

【1-1】 프로펜의 연소 반응은 다음과 같다. $2 \text{C}_3\text{H}_6 + 9 \text{O}_2 \rightarrow 6 \text{CO}_2 + 6 \text{H}_2\text{O}$
 4.2 g의 프로펜(분자량 42)은 0.1몰에 해당한다. 프로펜과 이산화탄소(분자량 44) 및 물(분자량 18)의 몰수 비가 1 : 3이므로 0.3몰의 이산화탄소 및 물이 생성된다. 따라서 13.2 g의 이산화탄소와 5.4 g의 물이 생성된다.

【1-2】 A와 B의 원자량을 각각 3x, 4x라고 하고 화합물 I과 II의 실험식(분자식과 동일)을 계산하면 다음과 같다.

화합물 I의 A : B = 0.12 g/3x : 0.16 g/4x = 1 : 1이므로 화합물 I의 분자식은 AB이다.

화합물 II의 A : B = 0.12 g/3x : 0.32 g/4x = 1 : 2이므로 화합물 II의 분자식은 AB₂이다.

화합물 I과 B₂로부터 화합물 II를 생성하기 위한 화학 반응식은 $2\text{AB} + \text{B}_2 \rightarrow 2\text{AB}_2$ 이다.

따라서 5몰의 화합물 II를 생성하기 위하여 필요한 최소 몰수의 화합물 I은 5몰, B₂는 2.5몰이 된다.

【1-3】

(1) 혼합 용액 부피가 10 mL일 때, 전체 이온 수가 6몰이므로 질산 수용액에는 3몰의 H⁺과 3몰의 NO₃⁻이 존재한다. H⁺과 OH⁻의 몰수가 같아질 때, 첨가되는 Na⁺과 OH⁻은 각각 3몰이다. 이 지점에서의 전체 이온 수는 3몰의 Na⁺과 3몰의 NO₃⁻으로 6몰이다. 즉 이 지점까지는 전체 이온 수가 6몰로 유지되며, 이 지점 이후에는 Na⁺과 OH⁻의 몰수가 증가하므로 전체 이온 수는 증가한다.

혼합 용액의 부피가 40 mL일 때, 전체 이온 수는 10몰이므로, H⁺과 OH⁻의 몰수가 같아지는 지점 이후에 추가로 첨가된 수산화나트륨의 몰수를 x라고 하면, $3\text{Na}^+ + 3\text{NO}_3^- + x\text{Na}^+ + x\text{OH}^-$, 즉 전체 이온 수는 $6 + 2x = 10$. x는 2몰이 되어 수산화나트륨 30 mL 속에는 Na⁺과 OH⁻이 각각 5몰씩 들어있다. 따라서 H⁺과

OH⁻의 몰수가 같아지는 혼합 용액의 부피는 $10 \text{ mL} + (30 \text{ mL} \times \frac{3}{5}) = 28 \text{ mL}$ 이다.
(2)

