

2024학년도  
중앙대학교 모의 논술  
채점자 매뉴얼

자연계열



**2024학년도 모의 논술 자연계열  
제시문 출전 및 출제 의도**

### [문제 1 제시문 출전]

- 수학 I, 권오남 외, 교학사, 2020, p.152
- 수학 I, 류희찬 외, 천재교과서, 2020, p.152
- 수학 I, 황선욱 외, 미래엔, 2020, p.155
- 수학 I, 이준열 외, 천재교육, 2019, p.156
- 수학 I, 고성은 외, 좋은책 신사고, 2018, p.144
- 확률과 통계, 이준열 외, 천재교육, 2022, p.91, 98
- 확률과 통계, 박교식 외, 동아출판, 2022, p.87, 93
- 확률과 통계, 고성은 외, 좋은책 신사고, 2020, p.84, 91
- 확률과 통계, 황선욱 외, 미래엔, 2020, p.86, 92
- 확률과 통계, 권오남 외, 교학사, 2020, p.89, 96
- 확률과 통계, 배종숙 외, 금성출판사, 2019, p.99, 107

### [문제 1 출제 의도]

다양한 상황에서 발생하는 확률적 사건과 이와 관련된 확률 및 기댓값의 개념은 논리적 사고 및 의사결정에서 중요한 부분이다. 본 문제는 이산확률변수의 기댓값을 구하는 문제로, 수열의 귀납적 정의를 통해 확률변수를 정의하고, 이항분포를 이용하여 확률 및 기댓값을 정확하게 찾아낼 수 있는지를 평가한다. 특히 독립시행에서 일어날 수 있는 경우와 첫째항과 이웃하는 두 항 사이의 관계를 통하여 점의 최종위치를 찾아내어야 한다.

**[문제 2 제시문 출전]**

- 첫 번째 제시문: - 수학 II, 고성은 외, 좋은책 신사고, 2020, p.84  
- 수학 II, 배종숙 외, 금성출판사, 2020, p.88  
- 수학 II, 권오남 외, 교학사, 2020, p.92  
- 수학 II, 박교식 외, 동아출판, 2020, p.86

- 두 번째 제시문: - 미적분, 이준열 외, 천재교육, 2021, p.66  
- 미적분, 김원경 외, 비상, 2020, p.59  
- 미적분, 고성은 외, 좋은책 신사고, 2020, p.62  
- 미적분, 류희찬 외, 천재교과서, 2020, p.69

- 세 번째 제시문: - 미적분, 이준열 외, 천재교육, 2021, p.68  
- 미적분, 김원경 외, 비상, 2020, p.59  
- 미적분, 고성은 외, 좋은책 신사고, 2020, p.62  
- 미적분, 류희찬 외, 천재교과서, 2020, p.72

**[문제 2-1 출제 의도]**

도함수를 이용하여 함수의 최댓값과 최솟값을 찾는 과정을 이해하는 지를 묻는 문제이다. 이 과정에서 삼각함수의 성질을 이용하여 함수를 간단한 형태로 정리하고 방정식의 해를 구할 수 있는지도 평가한다.

**[문제 2-2 출제 의도]**

고정된 두 점과 주어진 직선 위의 점이 이루는 각이 어디에서 최대가 되는지 묻는 문제이다. 탄젠트 함수의 덧셈을 이용하여 함수를 구성하고 미분을 이용하여 최댓값을 구한다.  $\theta$ 에 대한 탄젠트 함수를 구성할 수 있는지 평가한다. 구성한 함수의 최댓값을 미분을 이용하여 계산할 수 있는지 평가한다.

**[문제 3 제시문 출전]**

첫 번째 제시문: - 미적분, 이준열 외, 천재교육, 2019, p.151  
- 미적분, 김원경 외, 비상교육, 2020, p.135  
- 미적분, 고성은 외, 좋은책 신사고, 2020, p.142  
- 미적분, 홍성복 외, 지학사, 2021, p.153

두 번째 제시문: - 수학 I, 최부림 외, 천재교육, 2019, p.29  
- 수학 I, 황선욱 외, 미래엔, 2020, p.27  
- 수학 I, 박교식 외, 동아출판, 2020, p.26  
- 수학 I, 류희찬 외, 천재교과서, 2020, p.31

세 번째 제시문: - 수학 I, 황선욱 외, 미래, 2020, p.147  
- 수학 I, 이준열 외, 천재교육, 2019, p.147  
- 수학 I, 김원경 외, 비상, 2021, p.142

네 번째 제시문: - 수학 II, 황선욱 외, 미래, 2019, p.23  
- 수학 II, 이준열 외, 천재교육, 2019, p.26  
- 수학 II, 김원경 외, 비상, 2019, p.25

**[문제 3-1 출제 의도]**

정적분을 구할 때 적분을 하는 함수를 적절한 형태로 변형을 한 후 치환적분을 계산할 수 있는지를 평가하는 문제이다. 그리고 이렇게 얻은 정적분 값에 대한 수열의 극한을 구할 수 있는 지도 평가한다.

**[문제 3-2 출제 의도]**

함수의 특성과 극한의 성질을 활용하여 미분계수를 정확하게 찾아낼 수 있는지를 묻는 문제이다. 특히 함수의 극한의 대소 관계를 이용하여 극한을 구할 수 있는지 평가한다.

#### [문제 4 제시문 출전]

첫 번째 제시문: - 기하, 황선욱 외, 미래엔, 2020, p.153  
- 기하, 권오남 외, 교학사, 2022, p.153  
- 기하, 이준열 외, 천재교육, 2019, p.144  
- 기하, 고성은 외, 좋은책 신사고, 2020, p.136

두 번째 제시문: - 기하, 황선욱 외, 미래엔, 2020, p.96  
- 기하, 권오남 외, 교학사, 2022, p.93  
- 기하, 이준열 외, 천재교육, 2019, p.88  
- 기하, 고성은 외, 좋은책 신사고, 2020, p.84

세 번째 제시문: - 기하, 황선욱 외, 미래엔, 2020, p.101  
- 기하, 권오남 외, 교학사, 2022, p.96  
- 기하, 이준열 외, 천재교육, 2019, p.93  
- 기하, 고성은 외, 좋은책 신사고, 2020, p.90

#### [문제 4-1 출제 의도]

공간좌표는 공간도형을 대수적 방법으로 학습할 수 있게 하는 도구이다. 공간좌표에서 표현되는 공간도형의 특성을 잘 파악하고 있는지 평가한다. 중심의 좌표와 반지름으로 표현되는 구는 대표적인 공간도형이다. 구에 외접하는 원뿔대를, 그 중심축을 지나는 평면으로 절단하여 얻은 단면을 이용하여 3차원의 문제를 2차원 문제로 변환하여 해결하는 능력을 평가한다. 피타고라스 정리와 삼각형의 닮음을 상황에 맞게 적용할 수 있는 능력을 평가한다.

#### [문제 4-2 출제 의도]

벡터는 크기와 방향을 갖는 양을 표현하는 도구이다. 벡터를 다양한 방법으로 다룸으로써 도형을 식으로 표현하고 이해할 수 있다. 벡터의 길이와 내적과의 관계, 두 벡터의 수직 조건을 이용하여 문제를 해결할 수 있는 능력을 평가한다.

**2024학년도 중앙대학교**

**모의논술 예시 답안**

[문제 1 예시 답안]

▶ 주머니에서 검은 공 1개를 꺼낼 확률은  $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$ , 흰 공 1개를 꺼낼 확률은  $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$ 이다. 이와 같은 상황에서 주어진 시행을 4번 반복할 때, 검은 공이 나오는 횟수를  $m$ , 흰 공이 나오는 횟수를  $n$ 이라 하자. 이때,  $m+n=4$ 을 만족하고, 검은 공이  $m$ 번과 흰 공이  $n$ 번 나오는 확률은  ${}_4C_m \left(\frac{2}{3}\right)^m \left(\frac{1}{3}\right)^n$ 이다.

▶ 이동한 점 P의  $x$ 좌표와  $y$ 좌표를 구하면 다음과 같다.

- [방법 1] 4번의 시행에서 검은 공이  $m$ 번, 흰 공이  $n$ 번 나왔을 때, 이동한 점 P의  $x$ 좌표를  $a_m$ ,  $y$ 좌표를  $b_n$ 이라 하면, 수열의 귀납적 정의를 통해 각 수열은 다음과 같이 표현된다.

$$a_0 = 0, a_{m+1} = 2a_m + 2, m = 0, 1, 2, 3, 4$$

$$b_0 = 0, b_{n+1} = 3b_n - 3, n = 0, 1, 2, 3, 4$$

- [방법 2] 점 P가  $(x, y)$ 에서 출발한다고 하자. 검은 공이  $m$ 번, 흰 공이  $n$ 번 나왔을 때, 이동한 점 P의  $x$ 좌표와  $y$ 좌표는 다음과 같다.

$$\begin{aligned} \text{- } x \text{ 좌표: } 2^m x + 2^m + 2^{m-1} + \dots + 2 &= 2^m x + \frac{2(2^m - 1)}{2 - 1} \\ &= 2^m x + 2^{m+1} - 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{- } y \text{ 좌표: } 3^n y - 3^n - 3^{n-1} - \dots - 3 &= 3^n y - \frac{3(3^n - 1)}{3 - 1} \\ &= 3^n y - \frac{3^{n+1} - 3}{2} \end{aligned}$$

- 점 P는 원점에서 출발하였으므로, 위 식에  $x=0, y=0$ 을 대입하면, 이동한 점 P의  $x$ 좌표는  $2^{m+1} - 2$ ,  $y$ 좌표는  $-\frac{3^{n+1} - 3}{2}$ 이 된다.

▶ 따라서, 점 P의  $x$ 좌표와  $y$ 좌표의 합을 확률변수  $X$ 라고 정의하면,  $X$ 의 확률분포는 다음 표와 같다.

조합	$m$	$n$	$x$ 좌표	$y$ 좌표	$X$	$P(X=x)$
I	0	4	0	-120	-120	${}_4C_0\left(\frac{2}{3}\right)^0\left(\frac{1}{3}\right)^4 = \frac{1}{81}$
II	1	3	2	-39	-37	${}_4C_1\left(\frac{2}{3}\right)^1\left(\frac{1}{3}\right)^3 = \frac{8}{81}$
III	2	2	6	-12	-6	${}_4C_2\left(\frac{2}{3}\right)^2\left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{24}{81}$
IV	3	1	14	-3	11	${}_4C_3\left(\frac{2}{3}\right)^3\left(\frac{1}{3}\right)^1 = \frac{32}{81}$
V	4	0	30	0	30	${}_4C_4\left(\frac{2}{3}\right)^4\left(\frac{1}{3}\right)^0 = \frac{16}{81}$

▶ 확률변수  $X$ 의 기댓값은  $-120 \times \frac{1}{81} - 37 \times \frac{8}{81} - 6 \times \frac{24}{81} + 11 \times \frac{32}{81} + 30 \times \frac{16}{81} = \frac{272}{81}$ 이다.

**[문제 1 채점 기준]**

- 검은 공 또는 흰 공의 개수에 대한 이항분포를 올바르게 찾은 경우: **+3점**
- 검은 공과 흰 공 개수의 조합에 따라 이동 후 점 P의  $x$ 좌표와  $y$ 좌표를 올바르게 찾은 경우: **+12점**
- 점 P의  $x$ 좌표와  $y$ 좌표의 합의 기댓값을 정확히 계산한 경우: **+5점**

※ 계산 실수로 틀렸어도 논리 전개 과정이 맞으면 해당 부분에 1~2점의 부분 점수를 부여함.  
 ※ 각 부분에서 바르게 답안을 작성한 경우에도 답안의 완성도에 따라 총점 20점 이내에서  $\pm 1$ 점 추가 점수 부여 가능함.

[문제 2-1 예시 답안]

삼각함수의 덧셈정리를 이용하여 함수  $f(x)$  를 미분한 후, 식을 다음과 같이 정리한다.

$$\begin{aligned} f'(x) &= 1 - 3\cos x + (2\sin x \cos x)' = 1 - 3\cos x + 2(\cos^2 x - \sin^2 x) \\ &= 4\cos^2 x - 3\cos x - 1 = (\cos x - 1)(4\cos x + 1) \end{aligned}$$

여기서  $x = 0, x_1, x_2, 2\pi$  일 때,  $f'(x) = 0$  을 만족하므로  $(\cos x_1 = \cos x_2 = -\frac{1}{4})$  이고  $x_1 < x_2$

라 한다.)  $f(x)$  의 최댓값은  $f(0) = 0, f(x_1) = x_1 - \frac{7}{8}\sqrt{15}, f(x_2) = x_2 + \frac{7}{8}\sqrt{15}, f(2\pi) = 2\pi$

중 가장 큰 수이다.  $\cos x$  함수의 그래프로부터 적어도  $x_2 > \frac{5\pi}{4}$  를 만족함을 알 수 있는데,

이를 이용하여  $f(x_2)$  와  $f(2\pi)$  를 비교하면  $a = x_2$  임을 알 수 있다. 따라서 정답은

$$\sin a = -\frac{\sqrt{15}}{4} \text{ 이다.}$$

[문제 2-1 채점 기준]

- $f'(x) = 1 - 3\cos x + 2\cos(2x)$  를 구하고, 이를 이용하여 극값을 구하는 시도를 하면 +2점
- 삼각함수의 성질을 이용하여  $f'(x)$  를 정리한 후,  $\cos x = 1, -\frac{1}{4}$  일 때  $f(x)$  가 극값을 가진다는 것을 보이면 +4점
- $f(x_2)$  와  $f(2\pi)$  를 비교하여 정답을 구하면 +4점

※ 논리 전개 과정이 맞으면 답이 틀리더라도 1~2점의 부분 점수를 부여할 수 있습니다.

※ 채점자는 답안의 완성도에 따라 -0.5~+0.5점을 부여할 수 있습니다.

[문제 2-2 예시 답안]

$P(t, -t)$  ( $0 \leq t \leq 2$ ) 라 하자. AP와 직선  $x = 0$  사이의 각을  $\alpha$ , BP와 직선  $x = 2$  사이의

각을  $\beta$  라 하면  $\tan \alpha = \frac{t}{t+1}, \tan \beta = \frac{2-t}{t+1}$  이다. 덧셈 정리를 이용하여

$$\tan \theta = \tan(\alpha + \beta) = \frac{2t+2}{2t^2+1}$$

을 얻고,  $t$  에 대하여 미분하면  $\frac{2(1-4t-2t^2)}{(2t^2+1)^2}$  을 구한다.  $\tan \theta = \frac{2t+2}{2t^2+1}$  는  $t = \frac{\sqrt{6}}{2} - 1$

$(0 < \frac{\sqrt{6}}{2} - 1 < 2)$  에서 극대이고 최댓값을 갖는다.  $t = \frac{\sqrt{6}}{2} - 1$  을  $\tan \theta = \frac{2t+2}{2t^2+1}$  에

대입하여 최댓값  $\frac{\sqrt{6}}{6-2\sqrt{6}} = \frac{2+\sqrt{6}}{2}$  을 구한다.

[문제 2-2 채점 기준]

- $\tan\theta = \frac{2t+2}{2t^2+1}$  를 얻으면 +7점
- 미분하여  $t = \frac{\sqrt{6}}{2} - 1$ 에서 최댓값을 갖는다는 것을 보이면 +5점
- 최댓값  $\frac{2+\sqrt{6}}{2}$  을 구하면 +3점

※ 논리 전개 과정이 맞으면 답이 틀리더라도 1~2점의 부분 점수를 부여할 수 있습니다.

※ 채점자는 답안의 완성도에 따라 -0.5~+0.5점을 부여할 수 있습니다.

**[문제 3-1 예시 답안]**

$u = x^n$  (즉,  $x = u^{1/n}$ )으로 치환을 하면

$$\int \frac{dx}{x(1+x^n)} = \int \frac{1}{u^{1/n}(1+u)} \frac{1}{n} u^{\frac{1}{n}-1} du = \frac{1}{n} \int \frac{1}{u(u+1)} du$$

이므로, 적분함수를 다음과 같이 정리하여 적분을 구할 수 있다.

$$\frac{1}{n} \int \frac{du}{u(u+1)} = \frac{1}{n} \int \left( \frac{1}{u} - \frac{1}{u+1} \right) du = \frac{1}{n} (\ln|u| - \ln|u+1|) = \ln|x| - \frac{1}{n} \ln|1+x^n|$$

따라서,

$$\begin{aligned} I_n &= \int_{\frac{1}{a_n}}^{a_n} \frac{dx}{nx(1+x^n)} = \frac{1}{n} \left( \ln \frac{a_n}{1/a_n} - \frac{1}{n} \ln \left| \frac{1+(a_n)^n}{1+(1/a_n)^n} \right| \right) \\ &= \frac{1}{n} \left( \ln(a_n)^2 - \frac{1}{n} \ln(a_n)^n \right) = \frac{\ln a_n}{n} = \ln 2 - \frac{2 \ln n}{n} \end{aligned}$$

이므로  $\lim_{n \rightarrow \infty} I_n = \ln 2$  이다.

**[문제 3-1 채점 기준]**

- 치환하여 계산을 시도하면 +2점
- 치환적분을 계산하여  $\ln|x| - \frac{1}{n} \ln|1+x^n|$ 를 얻으면 +4점
- 정적분의 값을 계산하여  $I_n = \frac{\ln a_n}{n}$  를 구하면 +2점
- $I_n$ 의 극한을 구하면 +2점

※ 논리 전개 과정이 맞으면 답이 틀리더라도 1~2점의 부분 점수를 부여할 수 있습니다.

※ 채점자는 답안의 완성도에 따라 -0.5~+0.5점을 부여할 수 있습니다.

**[문제 3-1 별해]**

우선 적분을 다음과 같이 정리한 후

$$\int \frac{dx}{x(1+x^n)} = \int \frac{dx}{x} - \int \frac{x^{n-1}}{1+x^n} dx,$$

두 번째 적분에 대하여  $u = 1+x^n$ 로 치환하면,

$$\int \frac{dx}{x(1+x^n)} = \ln|x| - \frac{1}{n} \ln|1+x^n|$$

를 얻을 수 있다. 따라서

$$\begin{aligned}
 I_n &= \int_{\frac{1}{a_n}}^{a_n} \frac{dx}{nx(1+x^n)} = \frac{1}{n} \left( \ln \frac{a_n}{1/a_n} - \frac{1}{n} \ln \left| \frac{1+(a_n)^n}{1+(1/a_n)^n} \right| \right) \\
 &= \frac{1}{n} \left( \ln (a_n)^2 - \frac{1}{n} \ln (a_n)^n \right) = \frac{\ln a_n}{n} = \ln 2 - \frac{2 \ln n}{n}
 \end{aligned}$$

이므로  $\lim_{n \rightarrow \infty} I_n = \ln 2$  이다.

[문제 3-1 별해 채점 기준]

- 함수를  $\frac{1}{x(1+x^n)} = \frac{1}{x} - \frac{x^{n-1}}{1+x^n}$  로 분해하여 적분을 시도하면 +4점
- 정적분을 계산하여  $I_n = \frac{\ln a_n}{n}$  를 구하면 +3점
- $I_n$ 의 극한을 구하면 +2점

※ 논리 전개 과정이 맞으면 답이 틀리더라도 1~2점의 부분 점수를 부여할 수 있습니다.

※ 채점자는 답안의 완성도에 따라 -0.5~+0.5점을 부여할 수 있습니다.

[문제 3-2 예시 답안]

▶ 0에 가까운 모든 실수  $x$ 에 대하여,  $|f(x)+1| \leq x^2$ 이므로  $|f(x)+1| \leq |x|^2$ 이고  $|\frac{f(x)+1}{x}| \leq |x|$ 을 만족한다. 따라서  $-|x| \leq \frac{f(x)+1}{x} \leq |x|$  이고

$$\lim_{x \rightarrow 0} -|x| = \lim_{x \rightarrow 0} |x| = 0 \text{ 이므로 } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)+1}{x} = 0 \text{ 이다.}$$

▶ 자연수  $k$ 에 대해서

$$\frac{f(k+h)-f(k)}{h} = \frac{f(k)+f(h)+kh(k+h+1)+1-f(k)}{h} = \frac{f(h)+1}{h} + k^2 + kh + k \text{ 이므로}$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(k+h)-f(k)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(h)+1}{h} + k^2 + kh + k = k^2 + k = f'(k)$$

▶  $\sum_{k=1}^{10} f'(k) = \sum_{k=1}^{10} k^2 + \sum_{k=1}^{10} k = \frac{10 \cdot 11 \cdot 21}{6} + \left( \frac{10 \cdot 11}{2} \right) = 440$

[문제 3-2 채점 기준]

●  $-|x| \leq \frac{f(x)+1}{x} \leq |x|$ 을 이용하여  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)+1}{x} = 0$ 을 올바르게 계산한 경우: +5점

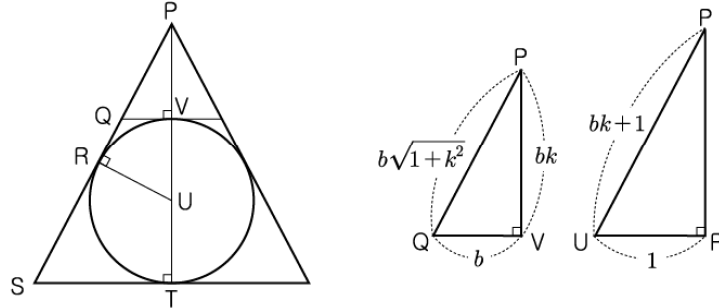
●  $f'(k)$ 를 올바르게 계산한 경우: +5점

●  $\sum_{k=1}^{10} f'(k)$ 를 올바르게 계산한 경우: +5점

- ※ 계산 실수로 틀렸어도 논리 전개 과정이 맞으면 해당 부분에 1~2점의 부분 점수를 부여함.
- ※ 각 부분에서 바르게 답안을 작성한 경우에도 답안의 완성도에 따라 총점 15점 이내에서  $\pm 1$  점 추가 점수 부여 가능함.

[문제 4-1 예시 답안]

아래의 그림과 같이 원뿔과 구를  $yz$ -평면으로 잘라 얻은 단면에 7개의 점 P,Q,R,S,T,U,V 를 잡고  $a = \overline{ST}, b = \overline{QV}$  라 하자.



두 직각삼각형 PST 와 PQV 의 닮음비가  $a:b$  이므로  $\overline{PT} = ak, \overline{PV} = bk$  라고 놓을 수 있다. 원의 반지름이 1 이므로  $ak = bk + 2$  이다. 두 직각삼각형 PQV 와 PUR 이 닮은 것을 이용하여 비례식  $b\sqrt{1+k^2}:b = bk+1:1$  으로부터  $b = \frac{\sqrt{1+k^2}-1}{k}$  를 얻는다.  $ak = bk + 2$  이므로

$a = \frac{\sqrt{1+k^2}+1}{k}$  이다.  $a+b = \frac{2\sqrt{1+k^2}}{k}, ab = 1$  이므로 원뿔대의 부피  $V$  는

$$V = \frac{1}{3}\pi(a^3 - b^3)k = \frac{1}{3}\pi(ak - bk)((a+b)^2 - ab) = \frac{2\pi}{3}((a+b)^2 - ab) = \frac{2\pi}{3}\left(\frac{4(1+k^2)}{k^2} - 1\right)$$

$V$  가 구의 부피  $\frac{4\pi}{3}$  의 3배이므로  $V = \frac{2\pi}{3}\left(\frac{4(1+k^2)}{k^2} - 1\right) = 4\pi$  에서  $k^2 = \frac{4}{3}$  를 얻는다.

$$\therefore \frac{A}{B} = \frac{\pi a^2}{\pi b^2} = \frac{a^2}{b^2} = \left(\frac{\sqrt{1+k^2}+1}{\sqrt{1+k^2}-1}\right)^2 = \frac{5+\sqrt{21}}{5-\sqrt{21}} = \frac{23+5\sqrt{21}}{2}$$

[문제 4-1 채점기준]

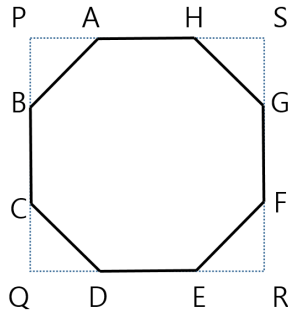
- 닮음 상수  $k$  를 이용하여  $a = \overline{ST}, b = \overline{QV}$  를 표현하면 +5점
- 닮음 상수  $k$  를 이용하여 원뿔대의 부피를 표현하면 +5점
- $\frac{A}{B}$  의 값  $\frac{5+\sqrt{21}}{5-\sqrt{21}} = \frac{23+5\sqrt{21}}{2}$  을 얻으면 +5점

※ 논리 전개 과정이 맞으면 답이 틀리더라도 1~2점의 부분 점수를 부여할 수 있습니다.

※ 채점자는 답안의 완성도에 따라 -0.5~+0.5점을 부여할 수 있습니다.

[문제 4-2 예시 답안]

정팔각형의 한 변의 길이를  $d$ 라 하고 정팔각형을 포함하는 정사각형 PQRS를 아래의 그림과 같이 잡으면, 정팔각형의 넓이는 정사각형의 넓이에서 네 개의 직각이등변삼각형의 넓이를 빼면 되므로  $2(1+\sqrt{2})d^2$ 이다.



$\vec{a} = \overrightarrow{DE}$ ,  $\vec{b} = \overrightarrow{CB}$ 라 하면,

$\overrightarrow{CA} = \frac{\sqrt{2}}{2}\vec{a} + \left(1 + \frac{\sqrt{2}}{2}\right)\vec{b}$ 이고  $\overrightarrow{BE} = \left(1 + \frac{\sqrt{2}}{2}\right)\vec{a} - \left(1 + \frac{\sqrt{2}}{2}\right)\vec{b}$ 이다.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$ 이므로

$$4 = |\overrightarrow{CA} - \overrightarrow{BE}|^2 = |-\vec{a} + (2 + \sqrt{2})\vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 + (2 + \sqrt{2})^2|\vec{b}|^2 = (7 + 4\sqrt{2})d^2$$

따라서 정팔각형의 넓이  $A$ 는

$$A = 2(1 + \sqrt{2}) \cdot \frac{4}{7 + 4\sqrt{2}} = \frac{8(3\sqrt{2} - 1)}{17}$$

**[문제 4-2 채점기준]**

- 정팔각형 ABCDEFGH의 넓이를 정팔각형의 한 변의 길이  $d$ 로 표현하면 **+5점**
- $4 = (7 + 4\sqrt{2})d^2$ 를 얻으면 **+5점**
- 정팔각형 ABCDEFGH의 넓이를 구하면 **+5점**

※ 논리 전개 과정이 맞으면 답이 틀리더라도 1~2점의 부분 점수를 부여할 수 있습니다.

※ 채점자는 답안의 완성도에 따라 -0.5~+0.5점을 부여할 수 있습니다.