

**덕성여자대학교 2026학년도 수시모집 논술전형 논술고사 문제지**  
- 자연계열 II[약학대학] -

계열	자연계열 II	모집단위	약학대학
수험번호		성명	

**자연계열 II [고사시간 09:30~11:00] (90분)**

※ 문제수는 총 3문제입니다.(소문항 있음)

※ 고사가 시작되기 전까지 표지를 절대 넘기지 마십시오.

**【답안지 작성 시 유의사항】**

**1. 답안 작성 필기구**

- 답안 작성은 우리 대학에서 제공하는 **블펜 또는 개인 필기구(검정 또는 청색 블펜만 가능)**를 사용하여 작성합니다.
  - ※ OMR 답안지 상단 유의사항 내용을 반드시 확인 후 작성하기 바랍니다.
  - ※ OMR 답안지에는 안내된 답안 작성 필기구 외에 다른 도구를 일체 사용할 수 없습니다.
  - ※ 연필·샤프·지우개도 사용은 가능하나 번짐 또는 지워짐이 발생하여 내용 확인이 어려운 경우, 채점 시 불이익이 생길 수 있습니다.

**2. 수험생 인적사항 기재**

- 답안지 매수는 총 2매(양면 1장, 단면 1장)이며, 모든 답안지에는 매수마다 수험생 인적사항을 정확히 기재해야 합니다.(성명 작성, 모집단위·수험번호·주민등록번호 앞자리는 컴퓨터용 사인펜으로 마킹)
  - ※ 수험생 인적사항 미기재 시 해당 답안은 무효 처리되므로 유의 바랍니다.
  - ※ 수험번호와 주민등록번호 앞자리를 잘못 마킹한 경우, 틀린 부분에 'X' 표시(예: )를 한 후 바른 자리에 다시 마킹하시면 됩니다.(답안지 교체하지 않음)
  - ※ 자연계열 II(약학대학)는 답안지가 총 2매이며, 답안지 2매에 모두 수험생 인적사항을 작성해야함을 반드시 유의하시기 바랍니다.

**3. 답안 작성 방법**

- 답안 작성은 반드시 문제지 문항 번호와 일치하는 답안란에 작성해야 합니다.
  - ※ 문항번호-답안 불일치 시 무효 처리합니다.
  - ※ 예: 1번 문제의 답안은 1번 답안란에 작성해야 하며, 1번 문제의 답안을 2번 또는 3번 답안란에 작성 시 무효 처리
- 답안지 작성란을 벗어나 작성한 내용은 평가에 반영되지 않습니다.
- 연습지는 별도 제공하지 않으므로, 배부된 문제지 표지 및 뒷면을 연습지로 사용하기 바랍니다.
  - ※ 개인이 가져온 연습지 사용 시 부정행위로 간주될 수 있습니다.

**4. 답안 수정 방법**

- 수정할 부분에 두 줄을 긋고 그 위에 새로운 내용을 작성합니다.
  - ※ 혼선 방지를 위해 두 줄을 그은 바로 윗줄에 일률적으로 수정 내용을 작성합니다.
- 답안 수정 시 **수정액 또는 수정테이프 사용은 절대 불가합니다.**

**5. 답안지 교체**

- 답안지 교체는 답안지 매수 별로 1인당 단 1회만 가능하므로 답안지 교체 요청은 신중히 하시기 바랍니다.
  - ※ 자연계열 II(약학대학)는 답안지 매수가 총 2장이므로 답안지 교체는 장당 각 1회씩 가능합니다.
  - ※ 답안지 교체 요청 즉시 기존 답안지는 감독위원이 [X] 표시하고 재사용할 수 없습니다.  
(단, 기존 답안을 보고 옮겨 작성하는 것은 가능)
- 고사 종료 10분 전부터는 답안지 교체가 불가합니다.

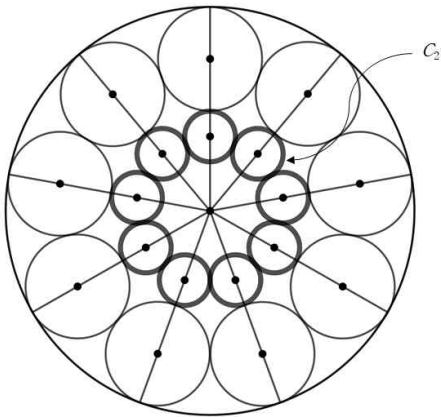
**6. 퇴실 및 문제지 반출**

- 고사 종료 시까지 중도 퇴실은 불가합니다.
- 퇴실 시 문제지와 답안지는 모두 가지고 나갈 수 없습니다.

[문제1] [25점]

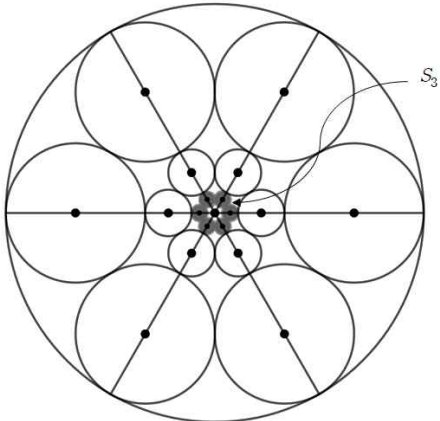
반지름의 길이가 1인 원에 아래의 조건을 만족하는 도형을 그린다.  
 수열  $\{a_n\}$ 의 일반항은  $a_n = 3n + 3$  ( $n = 1, 2, 3, \dots$ )이다.

- (가) 첫 번째 시행에서는, 반지름의 길이가  $r_1$ 인  $a_n$ 개의 원을 서로 외접하면서 반지름의 길이가 1인 원에 내접하게 그린다.
- (나) 두 번째 시행에서는, 첫 번째 시행된 결과에 추가로 반지름의 길이가  $r_2$ (단,  $r_1 > r_2$ )인  $a_n$ 개의 원들을 서로 외접하며, 첫 번째 시행의 결과에 모두 외접하게 [그림 1]과 같이 그린다.
- (다) 이와 같은 방법으로  $k$ 번 시행을 반복할 때, 시행 별로 그려진 원의 반지름의 길이는  $r_k$ 이고, 원들은 [그림 1], [그림 2]와 같이 그린다.
- (라) [그림 1], [그림 2]와 같이  $k$ 번째 시행에서 그려진 원의 둘레의 길이의 총합을  $C_k$ 라 하고, 원의 넓이의 총합을  $S_k$ 라 한다.



[그림 1]  $n = 2, k = 2$ 일 때,

$C_2$ 는 두 번째 시행에서 그려진 9개 원의 둘레의 길이의 총합



[그림 2]  $n = 1, k = 3$ 일 때,

$S_3$ 은 세 번째 시행에서 그려진 6개 원의 넓이의 총합

[문제 1-1]

$n = 1, k = 2$ 일 때,  $S_2$ 와  $C_2$ 의 값을 각각 구하시오.

[5점]

[문제 1-2]

$n = 1, k = 10$ 일 때,  $\sum_{k=1}^{10} S_k$ 와  $\sum_{k=1}^{10} C_k$ 의 값을 각각 구하시오.

[7점]

[문제 1-3]

$n = N$ 일 때,  $k$ 번째 시행에서 그려진 원의 반지름의 길이의 일반항  $r_k$ 를 구하시오.

[13점]

[문제2] [35점]

양수  $a (0 < a < 1)$ 에 대하여 실수 전체에서 정의된 함수

$$f(x) = \begin{cases} ax^2 & (x < 0) \\ -ax^2 & (x \geq 0) \end{cases}$$

가 있다. 0이 아닌 실수  $t$ 에 대하여 곡선  $y = -(x-t)^2 + f(t)$ 는 함수  $y = f(x)$ 의 그래프와 서로 다른 두 점 A, B에서 만나고, 두 점 A, B의  $x$ 좌표를 각각  $x_1, x_2$ 라 하면

곡선  $y = -(x-t)^2 + f(t)$ 와  $x$ 축 및 두 직선  $x = x_1, x = x_2$ 로 둘러싸인 부분의 넓이는  $S(t)$ 이다.

[문제 2-1]

$a = \frac{1}{2}$ 일 때,  $S(-2)$ 와  $S(2)$ 의 값을 각각 구하시오.

[8점]

[문제 2-2]

$t < 0$ 이면  $\frac{S(t)}{t^3} = -g(a)$ 이다.

$g(a) = \frac{6a^4 + pa^3 + qa^2 + ra + s}{3(1+a)^3}$ 일 때, 네 정수  $p, q, r, s$ 의 값을 각각 구하시오.

[13점]

[문제 2-3]

$\frac{S(t)}{t^3} = \begin{cases} -g(a) & (t < 0) \\ h(a) & (t > 0) \end{cases}$ 일 때,

$\lim_{a \rightarrow 0^+} \frac{g(a)}{h(a)}$ 와  $\lim_{a \rightarrow 1^-} \frac{g(a)}{(1-a)^3 h(a)}$ 의 값을 각각 구하시오.

[14점]

[문제 3] [40점]

(가) <함수의 극한의 대소 관계>

함수  $f(x), g(x)$ 에서  $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = L, \lim_{x \rightarrow a} g(x) = M$

( $L, M$ 은 실수)일 때,  $a$ 에 가까운 모든 실수  $x$ 에서

①  $f(x) \leq g(x)$ 이면  $L \leq M$

② 함수  $h(x)$ 가  $f(x) \leq h(x) \leq g(x)$  이고  $L = M$ 이면

$$\lim_{x \rightarrow a} h(x) = L$$

※ 함수의 극한의 대소 관계는

$x \rightarrow a+, x \rightarrow a-, x \rightarrow \infty, x \rightarrow -\infty$ 일 때에도 성립한다.

(나) 좌표평면 위에 5개의 선분  $l_0, l_1, l_2, l_3, l_4$ 와 이 선분들 위에 있지 않은 점  $P$ 가 존재한다. 선분  $l_k$ 를 포함하는 직선과 점  $P$  사이의 거리를  $d_k(l_k, P)$ , 선분  $l_k$  위의 한 점  $(x, y)$ 와 점  $P$  사이의 거리의 제곱을  $w_k(l_k, P)$ 라고 할 때,  $f_k(l_k, P)$ 와  $F_k(l_k, P)$ 를 다음과 같이 정의한다. (단,  $k = 0, 1, 2, 3, 4$ )

$$f_k(l_k, P) = \frac{d_k(l_k, P)}{w_k(l_k, P)}, F_k(l_k, P) = \frac{1}{w_k(l_k, P)}$$

[문제 3-1]

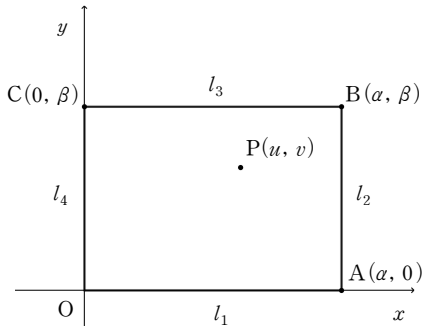
선분  $l_0$ 의 양 끝 점은  $(-5, 5), (-1, 1)$ 이다. 점  $P$ 의 좌표가  $(-1, 5)$ 일 때, 다음 정적분의 값을 구하시오.

$$\int_{-5}^{-1} f_0(l_0, P) dx$$

[12점]

[문제 3-2]

그림과 같이 네 개의 선분  $l_1, l_2, l_3, l_4$ 로 이루어진 직사각형  $OABC$ 가 있다.



이 직사각형 내부의 한 점  $P$ 의 좌표가  $(u, v)$ 이고 다음과 같이  $a_k$ 를 정의할

때,  $\sum_{k=1}^4 a_k$ 의 값을 구하시오. (단,  $0 < u < \alpha, 0 < v < \beta$ )

$$a_k = \begin{cases} \int_0^\alpha f_k(l_k, P) dx & (k = 1, 3) \\ \int_0^\beta f_k(l_k, P) dy & (k = 2, 4) \end{cases}$$

[13점]

[문제 3-3]

[문제 3-2]에 이어서 다음과 같이  $A_k$ 와  $C$ 를 정의할 때,  $\lim_{u \rightarrow \alpha^-} C$ 의 값을 구하시오. (단,  $v$ 는 상수이다.)

$$A_k = \begin{cases} \int_0^\alpha F_k(l_k, P) dx & (k = 1, 3) \\ \int_0^\beta F_k(l_k, P) dy & (k = 2, 4) \end{cases}, C = \frac{\sum_{k=1}^4 a_k}{\sum_{k=1}^4 A_k}$$

[15점]

끝.